

بسم الله الرحمن الرحيم



دانشگاه حکیم بسزوری

دانشکده ریاضی و علوم کامپیوتر

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته ریاضی کاربردی
گرایش تحقیق در عملیات

حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل با روش های فراابتکاری

استاد راهنما

دکتر محمود امین طوسی

استاد مشاور

دکتر محمدعلی پرتانیان

پژوهشگر:

فاطمه کیقبادی

تیر ۱۳۹۷



باسمه تعالی
فرم ارزشیابی و صورتجلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد

فرم ۱۱۳-ت

جلسه دفاع از پایان نامه آقای /خانم فاطمه کیقبادی دانشجوی رشته ریاضی کاربردی گرایش تحقیق در عملیات به شماره دانشجویی ۹۴۲۳۱۳۳۰۲۳ با عنوان:

حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل با روش های فراابتکاری

در مورخه در دانشکده ریاضی و علوم کامپیوتر تشکیل و توسط هیات داوران مورد ارزشیابی قرار گرفت و نمره برابر درجه برای آن تعیین گردید .
به این ترتیب از این تاریخ آقای / خانم فاطمه کیقبادی به عنوان کارشناس ارشد در رشته مذکور شناخته می شود .

نمره کسب شده	حداکثر نمره	موارد	موارد ارزشیابی
	۴	رعایت اصول نگارش انسجام در تنظیم بخشهای مختلف، کیفیت تصاویر، جداول و اشکال، تنظیم فهرست ها، منابع و ماخذ.	۱- کیفیت نگارش
	۱۰	بررسی تاریخچه و سابقه تجربی و نظری موضوع انسجام منطقی در بخش های مختلف پایان نامه، ابتکار و نوآوری، اهمیت و ارزش علمی پایان نامه، استفاده از منابع معتبر و جدید، کیفیت تجزیه و تحلیل یافته ها و نتیجه گیری، روشن بودن روش کار، هدف ها و فرضیه های تحقیق، جدید بودن روش تحقیق	۲- کیفیت علمی
	۴	تسلط بر موضوع و بیان واضح و تفهیم آن، توانایی در پاسخگویی به سوالات مطرح شده در جلسه، رعایت زمان ارائه، روش ارائه	۳- کیفیت ارائه در جلسه دفاع
	۱	گزارش های دوره ای پیشرفت کار (حداقل ۴ مورد)	۴- ارزشیابی گزارشات
	۱	مقاله مستخرج از پایان نامه: این نمره به صورت زیر اختصاص می یابد (۱) چکیده کنفرانسی هر مورد ۰/۲۵ نمره تا سقف ۰/۵ نمره (۲) مقاله کامل در مجموع مقالات همایشهای معتبر یا مقاله در مجلات علمی-ترویجی معتبر پذیرفته شده یا چاپ شده هر مورد ۰/۵ نمره تا سقف ۱ نمره (۳) مقاله پذیرفته شده یا چاپ شده در مجلات علمی پژوهشی معتبر ۱ نمره (۴) مقاله ارسال شده به مجلات علمی پژوهشی معتبر هر مورد ۰/۲۵ نمره تا سقف ۰/۵ نمره (۵) دستگاه ساخته شده دارای گواهی ثبت اختراع یا به سفارش سازمان ها تا سقف ۱ نمره (۶) دستگاه ساخته شده کاربردی که به تأیید رئیس دانشکده رسیده باشد تا سقف ۰/۵ نمره	۵- خروجی پایان نامه
جمع			

درجه معادل کسب شده: (از ۱۹ تا ۲۰ عالی) از ۱۸ تا ۱۸/۹۹ بسیار خوب از ۱۶ تا ۱۷/۹۹ خوب از ۱۴ تا ۱۵/۹۹ قابل قبول کمتر از ۱۴ غیر قابل قبول

مشخصات هیات دوران

ردیف	نام و نام خانوادگی	سمت	مرتبۀ علمی	محل کار	امضا
۱	دکتر محمود امین طوسی	استاد راهنما	استادیار	دانشگاه حکیم سبزواری	
۲	دکتر محمدعلی پرتانین	استاد مشاور	استادیار	دانشگاه حکیم سبزواری	
۳	دکتر علی اصغر مولوی	استاد داور	استادیار	دانشگاه حکیم سبزواری	
۴	دکتر غلامرضا مقدسی	نماینده تحصیلات تکمیلی	استادیار	دانشگاه حکیم سبزواری	

امضا
رئیس دانشکده

امضا
مدیر گروه



سوگند نامه دانش آموختگان دانشگاه حکیم سبزواری

به نام خداوند جان و خرد کزین برتر اندیشه بر نگذرد

اینک که به خواست آفریدگار پاک، کوشش خویش و بهره گیری از دانش استادان و سرمایه‌های مادی و معنوی این مرز و بوم، توشه‌ای از دانش و خرد گردآورده‌ام، در پیشگاه خداوند بزرگ سوگند یاد می‌کنم که در به کارگیری دانش خویش، همواره بر راه راست و درست گام بردارم. خداوند بزرگ، شما شاهدان، دانشجویان و دیگر حاضران را به عنوان داورانی امین گواه می‌گیرم که از همه دانش و توان خود برای گسترش مرزهای دانش بهره‌گیرم و از هیچ کوششی برای تبدیل جهان به جایی بهتر برای زیستن، دریغ نورزم. پیمان می‌بندم که همواره کرامت انسانی را در نظر داشته باشم و هموعان خود را در هر زمان و مکان تا سر حد امکان یاری دهم. سوگند می‌خورم که در به کارگیری دانش خویش به کاری که باره و رسم انسانی، آیین پرهیزگاری، شرافت و اصول اخلاقی برخاسته از ادیان بزرگ الهی، به ویژه دین مبین اسلام، مابینت دارد دست نیازم. همچنین در سایه اصول جهان شمول انسانی و اسلامی، پیمان می‌بندم از هیچ کوششی برای آبادانی و سرافرازی میهن و هم میهنانم فروگذاری نکنم و خداوند بزرگ را به یاری طلبم تا همواره در پیشگاه او و در برابر وجدان بیدار خویش و ملت سرافراز، بر این پیمان تا ابد استوار بمانم.

نام و نام خانوادگی: فاطمه کیقبادی

تاریخ و امضا:

تأییدی صحت و اصالت نتایج

باسمه تعالی

اینجانب فاطمه کیقبادی به شماره دانشجویی ۹۴۲۳۱۳۳۰۲۳ دانشجوی رشته ریاضی کاربردی مقطع تحصیلی کارشناسی ارشد تأیید می‌نمایم که کلیه نتایج این پایان‌نامه حاصل کار اینجانب و بدون هرگونه دخل و تصرف است و موارد نسخه برداری شده از آثار دیگران را با ذکر کامل مشخصات منبع ذکر کرده‌ام. در صورت اثبات خلاف مندرجات فوق، به تشخیص دانشگاه مطابق با ضوابط و مقررات حاکم (قانون حمایت از حقوق مؤلفان و مصنفان و قانون ترجمه و تکثیر کتب و نشریات و آثار صوتی، ضوابط و مقررات آموزشی، پژوهشی و انضباطی ...) با اینجانب رفتار خواهد شد و حق هرگونه اعتراض در خصوص احقاق حقوق مکتسب و تشخیص و تعیین تخلف و مجازات را از خویش سلب می‌نمایم. در ضمن، مسئولیت هرگونه پاسخگویی به اشخاص اعم از حقیقی و حقوقی و مراجع ذی صلاح (اعم از اداری و قضایی) به عهده ی اینجانب خواهد بود و دانشگاه هیچ گونه مسئولیتی در این خصوص نخواهد داشت.

نام و نام خانوادگی: فاطمه کیقبادی

تاریخ و امضا:

مجوز بهره برداری از پایان نامه

بهره برداری از این پایان نامه در چهارچوب مقررات کتابخانه و با توجه به محدودیتی که توسط استاد راهنما به شرح زیر

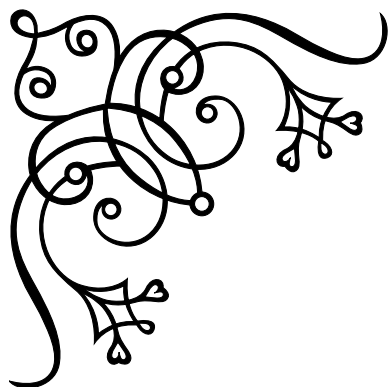
تعیین می شود، بلامانع است:

- بهره برداری از این پایان نامه برای همگان بلامانع است.
- بهره برداری از این پایان نامه با اخذ مجوز از استاد راهنما، بلامانع است.
- بهره برداری از این پایان نامه تا تاریخ ممنوع است.

استاد راهنما: دکتر محمود امین طوسی

تاریخ و امضا:

تقدیم به:



پدر و مادرم



سپاس خداوندگار حکیم را که با لطف بی کران خود، آدمی را زیور عقل آراست. در آغاز وظیفه خود می دانم از زحمات بی دریغ استاد راهنمای خود، جناب آقای دکتر محمود امین طوسی، صمیمانه تشکر و قدردانی کنم که قطعاً بدون راهنمایی های ارزنده ایشان، این مجموعه به انجام نمی رسید. از جناب آقای دکتر محمد علی پرتانیان که زحمت مطالعه و مشاوره این رساله را تقبل فرمودند و در آماده سازی این رساله، به نحو احسن اینجانب را مورد راهنمایی قرار دادند، کمال امتنان را دارم. همچنین لازم می دانم از گروه پارسی لاتک در پاسخگویی به مشکلات کاربران کمال قدردانی را داشته باشم. در پایان، بوسه می زنم بر دستان خداوندگاران مهر و مهربانی، پدر و مادر عزیزم و بعد از خدا، ستایش می کنم وجود مقدس شان را و تشکر می کنم از خانواده عزیزم به پاس عاطفه سرشار و گرمای امیدبخش وجودشان، که بهترین پشتیبان من بودند.

فاطمه کیقبادی

تیر ۱۳۹۷

فهرست مطالب

د	فهرست جداول
ه	فهرست تصاویر
۱	چکیده
۲	پیش‌گفتار
۳	فصل ۱: معرفی مساله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل
۳	۱-۱ مقدمه
۴	۱-۱-۱ تاریخچه
۴	۲-۱-۱ مفاهیم
۵	۳-۱-۱ مسئله فروشنده دوره گرد
۶	۴-۱-۱ پیچیدگی محاسباتی
۸	۲-۱ الگوریتم های حل مسئله فروشنده دوره گرد
۹	۱-۲-۱ الگوریتم برنامه ریزی پویا
۱۱	۲-۲-۱ الگوریتم انشعاب و تحدید
۱۵	۳-۲-۱ الگوریتم تپه نوردی
۱۷	۴-۲-۱ الگوریتم شبیه سازی تبریدی
۱۸	۵-۲-۱ الگوریتم ژنتیک
۲۰	۶-۲-۱ الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات
۲۲	۱-۶-۲-۱ الگوریتم PSO برای حل مسئله فروشنده دوره گرد
۲۲	۳-۱ الگوریتم کرم شب تاب برای حل مسئله فروشنده دوره گرد
۲۳	۱-۳-۱ الگوریتم کرم شب تاب
۲۴	۴-۱ الگوریتم گسسته کرم شب تاب برای حل مسئله فروشنده دوره گرد

۲۴	الگوریتم ترکیبی گسسته کرم شب تاب برای مسئله فروشنده دوره گرد	۵-۱
۲۷	عملگر تقاطع	۱-۵-۱
۲۷	عملگر جهش	۲-۵-۱
۲۸	مروری بر الگوریتم جستجو ممنوعه	۶-۱
۲۹	فصل ۲: مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل	
۲۹	توصیف و فرمول بندی مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل	۱-۲
۳۰	حالت کلی الگوریتم بهینه سازی پرندگان مهاجر MBO	۲-۲
۳۲	حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل با الگوریتم مهاجرت پرندگان	۳-۲
۳۲	الگوریتم مهاجرت پرندگان برای TSPHS	۱-۳-۲
۳۳	کاربردی از مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل	۴-۲
۳۶	فصل ۳: الگوریتم ممتیک برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل	
۳۶	توصیف مسئله	۱-۳
۴۱	الگوریتم ممتیک برای TSPHS	۲-۳
۴۲	عملگرهای الگوریتم ممتیک	۱-۲-۳
۴۳	تولید جمعیت اولیه	۱-۱-۲-۳
۴۴	انتخاب و تقاطع	۲-۱-۲-۳
۴۴	مدیریت جمعیت: تنوع و جهش	۳-۱-۲-۳
۴۵	بهبود فرزندان و به روزرسانی جمعیت	۴-۱-۲-۳
۴۵	چک کردن نسل ها	۵-۱-۲-۳
۴۶	جستجوی ممنوعه	۳-۳
۴۷	عملگرهای جستجوی محلی	۱-۳-۳
۴۸	معیار توقف	۲-۳-۳
۴۸	شرایط ممنوعه و معیار تنفس	۳-۳-۳
۴۹	حرکت های اکتشافی	۴-۳-۳
۴۹	بهبود سفر و کاهش عملکرد سفر	۵-۳-۳
۴۹	به روزرسانی عامل جریمه	۶-۳-۳
۵۲	نتایج	۴-۳

۵۸

پیوست آ: درج کد

۶۵

واژه‌نامه فارسی به انگلیسی

۶۶

واژه‌نامه انگلیسی به فارسی

فهرست جداول

۲۲	۱-۱	مقایسه نتایج بهینه الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی ذرات
۳۳	۱-۲	مقایسه جواب دقیق (ES) و MBO (زمان در ثانیه)
۵۰	۱-۳	نتایج محاسباتی برای نمونه معیارها در SET 1
۵۲	۲-۳	نتایج ما از اجرا برنامه برای نمونه معیارها در SET 1

فهرست تصاویر

۱-۱	گرافی با درج وزن روی یال ها	۶
۲-۱	رابطه بین مسائل کلاس P , NP , NP -Complete, NP -hard	۸
۳-۱	تور بهینه $[V_1, V_2, V_3, V_4]$ است.	۹
۴-۱	تور بهینه برای ماتریس	۱۲
۵-۱	درخت فضای حالت برای نمونه ای از مسئله فروشنده دوره گرد که در آن پنج راس وجود دارد. اندیس رئوس تور، در داخل گره آورده شده است.	۱۳
۶-۱	درخت فضای حالت هرس شده ای که با به کارگیری بهترین جست و جو با هرس کردن شاخه و حد به دست می آید.	۱۵
۷-۱	عمل ترکیب با روش PMX	۲۰
۱-۲	جزیره کداه لنکاوی	۳۴
۱-۳	تقاطع تک نقطه ای	۴۵
۲-۳	مثالی از $JoinTrips$ الف) تور قبل از جهش ب) تور بعد جهش	۴۸
۳-۳	روش ساخت $c1$ جستجو ممنوعه	۵۱
۴-۳	$MA + TS$	۵۱
۵-۳	اجرا برای داده های $c101$	۵۳
۶-۳	اجرا برای داده های $c201$	۵۳
۷-۳	اجرا برای داده های $pr01$	۵۴
۸-۳	اجرا برای داده های $pr04$	۵۴



دانشگاه گیلان

فرم چکیده ی پایان نامه ی دوره ی تحصیلات تکمیلی

مدیریت تحصیلات تکمیلی

نام خانوادگی دانشجو: کیقبادی	نام: فاطمه	ش. دانشجویی: ۹۴۲۳۱۳۳۰۲۳
استاد راهنما: دکتر محمود امین طوسی		
استاد مشاور: دکتر محمدعلی پرتانیان		
دانشکده ریاضی و علوم کامپیوتر	رشته: ریاضی کاربردی	گرایش: تحقیق در عملیات
مقطع: کارشناسی ارشد	تاریخ دفاع: تیر ۱۳۹۷	تعداد صفحات: ؟؟
عنوان پایان نامه: حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل با روش های فراابتکاری		
کلید واژه ها: الگوریتم ممتیک، مساله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل، جستجوی محلی، جستجوی ممنوعه		
<p>چکیده: در این پایان نامه برخی از رویکردهای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل (TSPHS) مورد بررسی قرار گرفته است. TSPHS یک نوع مشهور از مسئله TSP است. TSP یک مسئله بهینه سازی است که هدف آن یافتن بهترین مسیر ممکن برای بازدید از همه شهرها و بازگشت به نقطه شروع با حداقل هزینه سفر است. TSPHS یک TSP با محدودیت اضافی که در مورد زمان سفر در روز است، می باشد. هدف این مسئله این است که یک فروشنده اغلب نمی تواند از تمام شهرها در یک روز بازدید کند، زیرا تنها ساعات محدودی در روز کار می کند یعنی فروشنده باید هر شب یک هتل را انتخاب کند، بطوریکه در نهایت یک دنباله بهینه از تمام شهرهای بازدید شده داریم. سفر هر روز باید در یکی از هتل های موجود شروع و به پایان یابد و اگر در روز خاص در یک هتل خاص پایان یابد روز بعد سفر باید از همین هتل شروع شود. هدف اصلی این مسئله این است که تعداد روزهای سفر به حداقل رسد در حالی که دف ثانویه به حداقل رساندن طول کل سفر نیز است. اگرچه این مسئله شبیه مسئله TSP است، اما به دلیل شرط انتخاب هتل بسیار دشوارتر است. در این پایان نامه برخی روش های حل TSP یا TSPHS شامل الگوریتم برنامه ریزی پویا، الگوریتم انشعاب و تحدید، الگوریتم ژنتیک، الگوریتم ممتیک، تابو سرچ و الگوریتم شبیه سازی تبریدی شرح داده شده است.</p>		

پیش‌گفتار

مسئله فروشنده‌دوره گرد TSP از جمله مسائل مهم و کاربردی در علوم کامپیوتر و تحقیق در عملیات است، این مسئله جز مسائل NP-Complete است. در این پایان‌نامه مسئله فروشنده‌دوره‌گرد خاص با انتخاب هتل را مورد بررسی قرار می‌دهیم. مسئله فروشنده‌دوره‌گرد با انتخاب هتل، اخیراً توسط ونستین و جن،^۱ و همکارانش معرفی شده است [۹]. در این مسئله، با توجه به اینکه فروشنده تنها ساعات محدودی در روز کار می‌کند، ممکن است قادر به ملاقات تمام شهرها در یک روز نباشد، در این حالت فروشنده هر شب به انتخاب یک هتل احتیاج دارد. هدف، یافتن دنباله ای بهینه برای بازدید از تمام شهرها است، بطوریکه هرروز در صورت لزوم باید در یکی از هتل های موجود شروع و در هتلی پایان یابد.

هدف اصلی این مساله، کمینه کردن طول سفر و همزمان به حداقل رساندن تعداد روزها است. به خاطر به حداقل رساندن تعداد روزها و انتخاب هتل این مسئله خیلی دشوارتر از مسئله فروشنده دوره گرد^۲ است. در [۹] از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است، به این صورت که یک جواب اولیه با دو روش انتخاب می‌شود در روش اول یک دنباله از شهرها در نظر گرفته می‌شود، اما در روش دوم یک دنباله از هتلها را داریم که در این روش با قرار دادن تک تک شهرها در اولین سفر، تا زمانی که در محدودیت حداکثر طول سفر برقرار باشد انجام می‌شود.

این پایان‌نامه شامل سه فصل است:

در فصل اول، مقدمه و تعاریف مورد نیاز مساله بیان می‌شود.

در فصل دوم، روش حلی برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل بیان می‌شود.

در فصل سوم، به بیان مساله و روش های به کارگیری پرداخته می‌شود.

- Vansteenwegen, Pieter, Souffriau, Wouter, and Sörensen, Kenneth. The travelling salesperson problem with hotel selection. *Journal of the Operational Research Society*, 63(2):207–217, 2012.
- Mohsen, Abdulqader M and Al-Sorori, Wedad. A New Hybrid Discrete Firefly Algorithm for Solving the Traveling Salesman Problem. *Applied Computing and Information Technology*, 169–180, 2017.

^۱Vansteenwegen

^۲Travelling salesman problem

فصل ۱

معرفی مساله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل

این فصل دربرگیرنده تاریخچه، مفاهیم مورد نیاز پایان‌نامه است. در بخش اول به تعریف مفاهیم اولیه و شرح مسئله فروشنده دوره گرد پرداخته شده است. بخش دوم به تعریف چند الگوریتم برنامه نویسی پویا، انشعاب و تحدید، تپه نوردی، تبریدی و ژنتیک در مسئله فروشنده دوره گرد، مقایسه چند تا از الگوریتمها و انتخاب بهترین آنها و حل مسئله فروشنده دوره گرد با بهینه سازی ازدحام ذرات پرداخته شده است. و در نهایت در بخش سوم به ذکر الگوریتم کرم شب تاب برای مسئله اختصاص داده شده است.

۱-۱ مقدمه

با گسترش روز افزون جوامع و رشد جمعیت، نیاز به صرفه جویی و یافتن روش هایی برای به حداقل رساندن زمان و هزینه در انجام امور صنعتی، عمرانی و غیره هر روز بیشتر ضرورت پیدا می کند. جهت نیل بدین مقصود، روش های بهینه سازی مورد استفاده قرار می گیرند. منظور از روش های بهینه سازی، روش هایی است که می توان توسط آنها با حداقل زمان و هزینه به نتایج مطلوب رسید. مسائل مربوط به فروشنده دوره گرد ابتدا در سده ۱۸ توسط ویلیام هامیلتون^۱ و توماس کرکمن^۲ مطرح شد و سپس در دهه ۱۹۲۰ شکل عمومی آن توسط ریاضی دانانی چون کارل منگر^۳ از دانشگاه هاروارد مورد مطالعه قرار گرفت [؟]. این پایان نامه به بررسی مسئله فروشنده دوره گرد با وجود شرط اضافه در خصوص زمان سفر در روز می پردازد و روش حل با الگوریتم ژنتیک را مورد بررسی قرار می دهد.

در مسئله فروشنده دوره گرد تعدادی شهر داریم و هزینه رفتن مستقیم از هر شهر به شهر دیگر را می دانیم. مطلوب است یا کوتاه ترین مسیری که از یک شهر شروع شود و از تمام شهر ها یک بار عبور کند و به شهر شروع باز گردد. در مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل تعدادی شهر و تعدادی هتل و یک مدت زمان معین برای بازدید شهرها در

^۱William Hamilton

^۲Thomas Kirkman

^۳Carl Menger

طول روز را داریم، در روز کاری به بازدید از شهرها پرداخته می‌شود و وقتی بازه زمانی به پایان رسید ملاقات کننده، به نزدیک ترین هتل نسبت به آن شهر می‌رود و استراحت می‌کند و روز بعد سفر خود را آغاز می‌کند.

۱-۱-۱ تاریخچه

روش‌های زیادی برای حل مسئله فروشنده‌دوره‌گرد ارائه شده‌است. از جمله این روش‌ها می‌توان به حل مسئله به روش اجتماع مورچه‌ها در سال ۱۹۹۷ [؟]، با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی ذرات در سال ۲۰۱۲ [؟] و روش برنامه‌ریزی پویا در سال ۲۰۱۴ [؟] اشاره کرد. مسئله فروشنده‌دوره‌گرد با انتخاب هتل با روش الگوریتم ممتیک در سال ۲۰۱۵ [؟]، با روش فراابتکاری سریع در سال ۲۰۱۵ [؟]، با روش الگوریتم‌های دقیق و اکتشافی در سال ۲۰۱۵ [؟] و با روش الگوریتم پرندگان مهاجر در سال ۲۰۱۵ [؟] است.

۲-۱-۱ مفاهیم

در این بخش، مفاهیمی از مساله فروشنده‌دوره‌گرد با انتخاب هتل شرح داده می‌شود.

تعریف ۱-۱-۱. هر گراف G زوج مرتبی مانند (V, E) است که در آن V مجموعه‌ای متناهی و ناتهی و E زیرمجموعه‌ای از تمام زیرمجموعه‌های دو عضوی V می‌باشند. اعضای V را راس‌های G و اعضای E را یال‌های G می‌نامند. همچنین اگر بین دو راس یک گراف حداکثر یک یال موجود باشد و هیچ طوقه‌ای (یعنی یالی که راس را به خودش وصل می‌کند) وجود نداشته باشد، چنین گرافی را گراف ساده گویند.

تعریف ۲-۱-۱. گرافی که بین هر دو راس آن دقیقاً یک یال وجود داشته باشد یک گراف کامل از مرتبه n است که دارای n راس و $\frac{n(n-1)}{2}$ یال است که آن را با k_n نشان می‌دهند. یک گراف کامل یک گراف منتظم از درجه $n-1$ است.

تعریف ۳-۱-۱. یک دور در یک گراف که از همه رئوس دقیقاً یک بار عبور کند را دور همیلتونی نامند.

تعریف ۴-۱-۱. در اکثر زمینه‌های تحقیقاتی می‌توان مسئله مورد نظر را به صورت یک مسئله بهینه‌سازی بیان کرد. هدف از مسائل بهینه‌سازی، پیدا کردن جواب بهینه است. در این نوع مسائل، یک یا چند تابع هدف خطی یا غیر خطی تعریف می‌شود که باید در عین حال که تمامی محدودیت‌ها برآورده می‌شوند، کمینه یا بیشینه شود. معمولاً در مسائل بهینه‌سازی محدودیت‌هایی نیز تعریف می‌شوند که ممکن است شامل نامعادلات خطی یا غیر خطی و یا گسسته بودن متغیرهای تصمیم باشند. تمامی جواب‌های موجود باید در این محدودیت‌ها صدق کنند، در غیر این صورت جواب موجه نخواهد بود. مسائل بهینه‌سازی، از نظر نوع متغیرهای تصمیم به دو گروه مسائل گسسته که مسئله یافتن جواب بهینه در این دسته از مسائل، بهینه‌سازی ترکیبی^۱ است و مسائلی با متغیرهای پیوسته تقسیم بندی می‌شوند [؟].

^۱combinatorial optimization

تعریف ۱-۱-۵. فاصله اقلیدسی بین دو نقطه (x_1, y_1) و (x_2, y_2) را با d_{ij} نشان می‌دهیم:

$$d_{ij} = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

تعریف ۱-۱-۶. دویال از گراف با دویال دیگر جابه‌جا می‌شوند به این جابه‌جایی $opt - 2$ گوئیم.

تعریف ۱-۱-۷. سه یال از گراف با سه یال دیگر جابه‌جا می‌شوند به این جابه‌جایی $opt - 3$ گوئیم.

۱-۱-۳ مسئله فروشنده دوره گرد

در مسئله فروشنده دوره‌گرد تعدادی شهر داریم و هزینه رفتن مستقیم از یکی به دیگری را می‌دانیم. مطلوب است کوتاه‌ترین مسیری که از یک شهر شروع شود و از تمامی شهرها دقیقاً یکبار عبور کند و به شهر شروع باز گردد. تعداد جواب‌های شدنی مسئله، برابر است با $(n-1)!$ برای $n > 2$ که n تعداد شهرها است. در واقع این عدد برابر با تعداد دوره‌های همیلتونی در یک گراف کامل با n راس است. فرمول‌بندی مسئله بدین صورت است:

$$\min \sum_{i=0}^n \sum_{j \neq i, j=0}^n C_{ij} x_{ij} \quad (1-1)$$

$$s.t \quad 0 \leq x_{ij} \leq 1 \quad i, j = 0, \dots, n \quad (2-1)$$

$$\sum_{i=0, i \neq j}^n x_{ij} = 1 \quad j = 0, \dots, n \quad (3-1)$$

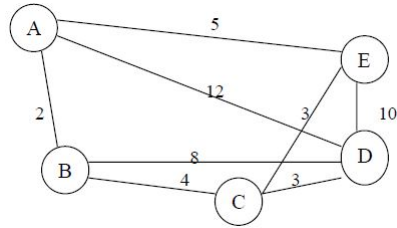
$$\sum_{j=0, j \neq i}^n x_{ij} = 1 \quad i = 0, \dots, n \quad (4-1)$$

که در اینجا C_{ij} مقدار هزینه یال i به j را معرفی می‌کند. تابع هدف $(??)$ هزینه کل سفر را کمینه می‌کند و محدودیت $(??)$ متغیر دودویی است. محدودیت $(??)$ نشان می‌دهد که به هر شهر فقط یکبار وارد می‌شویم و در نهایت محدودیت $(??)$ نشان دهنده این است که از هر شهر فقط یکبار خارج می‌شویم.

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{در تور، از شهر } i \text{ به شهر } j \text{ برویم} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

مشکلی که این فرمول‌بندی دارد آن است که ممکن است تور حاصل شامل چندین زیرتور باشد.

مثال ۱-۱-۸. مجموعه شهرها با گراف شکل $??$ را در نظر بگیرید. هدف پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر به طوری است که از همه رئوس دقیقاً یکبار عبور کند و به نقطه شروع باز گردد.



شکل ۱-۱: گرافی با درج وزن روی یال ها

برای مثال دو مسیر A, B, C, E, D, A و A, B, C, D, E, A را در نظر می گیریم همانطور که میبینیم هزینه طول مسیر اول ۲۴ و هزینه طول مسیر دوم ۳۱ است پس مسیر اول بهتر از مسیر دوم است.

۴-۱-۱ پیچیدگی محاسباتی

یک الگوریتم برای حل مسئله، نیاز به دو منبع مهم دارد: زمان و فضای حافظه

تعریف ۱-۱-۹. پیچیدگی زمانی یک الگوریتم، برابر تعداد گام های مورد نیاز برای حل یک مسئله با اندازه n است که n بیانگر ابعاد مسئله است [۴].

پیچیدگی معمولاً بر اساس بدترین حالت تعریف می شود. هدف از تعیین پیچیدگی محاسباتی یک الگوریتم، یافتن تعداد دقیق گام های الگوریتم نیست، بلکه هدف، یافتن یک حد بالا برای تعداد گام ها است. نماد O بزرگ، یکی از نمادهای رایج در تحلیل پیچیدگی الگوریتم ها است. بنابر تعریف، یک الگوریتم دارای پیچیدگی $f(n) = O(g(n))$ است، اگر ثابت های مثبت c و n_0 وجود داشته باشند، بطوریکه به ازای هر $n > n_0$ نامساوی $f(n) \leq c.g(n)$ برقرار باشد. در این حالت، $g(n)$ حد بالای $f(n)$ است. این نماد می تواند برای محاسبه پیچیدگی زمانی یا فضای حافظه ای یک الگوریتم مورد استفاده قرار گیرد. در بحث پیچیدگی محاسباتی الگوریتم ها، می توان آن ها را در یکی از دو گروه زیر در نظر گرفت:

- الگوریتم با زمان چند جمله ای: پیچیدگی این الگوریتم $O(p(n))$ است که در آن $p(n)$ یک تابع چند جمله ای از درجه n است. یک تابع چند جمله ای با درجه k ، به صورت زیر تعریف می شود:

$$p(n) = a_k n^k + \dots + a_j n^j + \dots + a_1 n + a_0$$

که در آن $0 < a_k$ ، $1 \leq j \leq k-1$. در نتیجه، این الگوریتم دارای پیچیدگی چند جمله ای $O(n^k)$ است.

- الگوریتم با زمان نمایی: پیچیدگی این الگوریتم $O(c^n)$ است که در آن c یک عدد حقیقی ثابت بزرگتر از یک است.

توجه داشته باشید که جستجوی زمانی یک الگوریتم با توجه به اندازه‌ی مسئله افزایش می‌یابد. مقایسه زمان محاسباتی الگوریتم‌ها، با توجه به پیچیدگی محاسباتی الگوریتم و اندازه مسئله، زمان محاسباتی بسیار بالا الگوریتم دارای پیچیدگی زمانی نمایی را در مقابل الگوریتم دارای پیچیدگی زمانی چندجمله‌ای نشان می‌دهد.

تعریف ۱-۱-۱۰. پیچیدگی محاسباتی یک مسئله، برابر است با پیچیدگی محاسباتی بهترین الگوریتمی که آن را حل می‌کند.

نظریه پیچیدگی مسائل، بر اساس مسائل تصمیم^۱ تعریف می‌شود. یک مسئله تصمیم، همیشه یک جواب 'بلی' یا 'خیر' دارد. هر مسئله بهینه سازی، قابل تبدیل به یک مسئله تصمیم است. از لحاظ پیچیدگی محاسباتی، مسائل تصمیم به دو کلاس مهم P و NP تقسیم می‌شوند.

تعریف ۱-۱-۱۱. کلاس P

کلاس پیچیدگی P، شامل مجموعه‌ای از مسائل تصمیم است که الگوریتم‌های قطعی برای پیدا کردن جواب آن‌ها وجود دارد. به عبارت دیگر، تمامی مسئله‌های تصمیم که دارای جوابی از مرتبه چندجمله‌ای باشند در این کلاس قرار دارند. تعریف دیگری که از مسئله‌های کلاس P ارائه می‌شود این است که هرگاه الگوریتمی وجود داشته باشد که بتواند به ازای هر ورودی به طول n در حداکثر cn^k مرحله (c و k معرف اعداد ثابت مستقل از n) جواب درست بدهد، آنگاه گوئیم مسئله می‌تواند در زمان چند جمله‌ای $O(n^k)$ حل شود و آن را در کلاس P قرار می‌دهیم.

تعریف ۱-۱-۱۲. کلاس NP

کلاس پیچیدگی NP، شامل مجموعه‌ای از مسائل تصمیم است که میتوان آن‌ها را توسط الگوریتم‌های غیر قطعی چندجمله‌ای حل کرد. الگوریتم‌های غیر قطعی چندجمله‌ای، شامل الگوریتم‌های دو مرحله‌ای است. در مرحله اول، یک جواب کاندید به صورت تصادفی تولید می‌شود. در مرحله دوم، درستی جواب کاندید بررسی می‌شود. در صورتی که جواب کاندید بیان‌کننده‌ی یک جواب مسئله باشد، مقدار 'بله' و در غیر این صورت مقدار 'خیر' به عنوان جواب نهایی مسئله تصمیم برگردانده می‌شود. بنابراین، غیر قطعی بودن الگوریتم مربوط به مرحله ی اول و زمان چندجمله‌ای مربوط به مرحله دوم الگوریتم‌هاست. در حالت کلی، تمامی مسائلی که جواب آن‌ها توسط الگوریتم با زمان چندجمله‌ای قابل بررسی باشد مسائل NP هستند. بنابراین هر مسئله P یک مسئله NP است.

مسائل NP به دو دسته مسائل NP-Complete و NP-Hard تقسیم می‌شوند:

تعریف ۱-۱-۱۳. کلاس NP-Complete

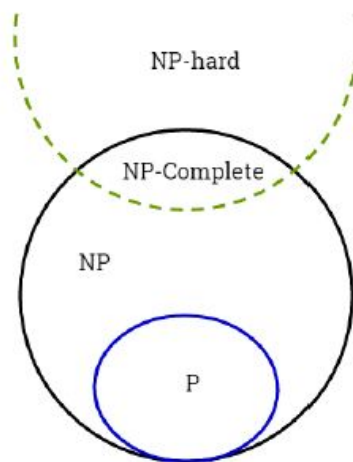
NP-Complete ها مسائلی هستند که به سرعت قابل حل نیستند. در نظریه پیچیدگی، مسائل NP-Complete دشوارترین مسائل NP هستند که قابل حل با الگوریتم @های قطعی با زمان چندجمله‌ای نیستند. برای مشخص کردن این که آیا مسئله‌ای در این کلاس قرار دارد یا خیر روش اثباتی وجود ندارد و تنها با متناظر کردن مسئله ی جدید با یکی از مسئله هایی که قبلا

^۱decision problems

در این کلاس قرار گرفته است به گونه ای که راه حل یکی برای دیگری نیز کاربرد داشته باشد، این مسئله جدید نیز در کلاس NP-Complete قرار خواهد گرفت.

تعریف ۱-۱-۱۴. کلاس NP-Hard

برای حل مسائل NP-Hard، الگوریتم‌های قطعی چند جمله‌ای وجود ندارد. به عبارت دیگر، زمان حل آن‌ها با افزایش ابعاد مسئله به صورت نمایی افزایش می‌یابد. الگوریتم‌های فرا ابتکاری به عنوان الگوریتم‌های حل مسائل NP-Hard ارائه شده‌اند. این الگوریتم‌ها می‌توانند برای حل این گونه مسائل، یک جواب مناسب را در زمانی قابل قبول به دست آورند. در شکل؟؟ رابطه بین این کلاس‌ها به نمایش گذاشته شده است.



شکل ۱-۲: رابطه بین مسائل کلاس P، NP، NP-Complete، NP-hard

۲-۱ الگوریتم‌های حل مسئله فروشنده دوره گرد

در این بخش به تشریح الگوریتم‌های اکتشافی مورد استفاده و روش برنامه‌نویسی پویا برای حل مسئله فروشنده دوره‌گرد و پیاده‌سازی آن‌ها می‌پردازیم. در تمامی روش‌ها، از یک بردار شامل شهرها (بدون تکرار شهر) که شهر ابتدایی بردار با انتهای بردار برابر بوده و توالی شهرها، ترتیب ملاقات شهرها توسط فروشنده را نشان می‌دهد، به عنوان یک جواب استفاده می‌کنیم. یک جواب به این صورت است:

$$\text{Solution} = [C_0, C_1, \dots, C_{n-1}, C_0]$$

هدف از حل این مسئله، کمینه‌سازی هزینه انجام شده توسط فروشنده می باشد که به این صورت است:

$$Cost = Min \sum_{i=0}^{i=n-2} C_{i(i+1)} + C_{(n-1)}$$

روش هایی که در ادامه به شرح آن‌ها می پردازیم عبارتند از: الگوریتم برنامه ریزی پویا، الگوریتم انشعاب و تحدید، الگوریتم تپه‌نوردی، الگوریتم شبیه‌سازی تبریدی، الگوریتم ژنتیک و الگوریتم بهینه‌سازی ذرات.

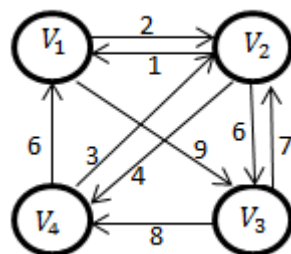
۱-۲-۱ الگوریتم برنامه ریزی پویا

در بسیاری از مسائل، که در آنها رشته‌ای از تصمیمات مرتبط با یکدیگر مطرح باشد، غالباً از برنامه‌ریزی پویا^۱ که دارای ماهیت ریاضی است استفاده می‌شود. این برنامه‌ریزی با بکارگیری فرایندی نظام‌گرا^۲ ترکیبی از تصمیمهای متوالی را تعیین می‌کند که به حداکثر شدن کارائی کلی^۳ منتهی شود [۴].

برخلاف برنامه ریزی خطی، چارچوب استاندارد برای فرموله کردن مسائل برنامه‌ریزی پویا وجود ندارد. در واقع آنچه برنامه ریزی پویا انجام می‌دهد ارائه روش برخورد کلی، جهت حل این نوع مسائل است. در هر مورد، باید معادلات و روابط ریاضی مخصوصی که با شرایط آن مسئله تطبیق نماید نوشته شود. از این رو، برای آنکه بتوان تشخیص داد که آیا اصولاً می‌توان مسئله‌ای را با برنامه‌ریزی پویا حل کرد و اگر می‌شود، حل آن چگونه است، ضرورت دارد ساختار کلی برنامه‌ریزی پویا شناخته شود و علاوه بر آن، به خلاقیت نیز تا حدی احتیاج است. آشنائی با انواع کاربرد های برنامه‌ریزی پویا و بررسی ویژگی های مشترک آنها، احتمالاً می‌تواند به رشد چنین توانایی‌هایی کمک کند.

برنامه ریزی پویا، از یک جزء کوچک مسئله شروع نموده، جواب بهینه همان جزء را بدست می‌آورد. آنگاه، به تدریج این مسئله کوچک را بزرگتر کرده جواب بهینه آن‌را با بهره‌گیری از جواب بهینه قبلی پیدا می‌کند، تا سرانجام جواب بهینه مسئله اصلی به دست آید. نحوه عمل بایک مثال نشان داده می‌شود.

گراف داده‌شده در شکل؟؟ و نمایش ماتریس مجاورتی آن در؟؟ را در نظر بگیرید.



شکل ۱-۳: تور بهینه $[V_1, V_3, V_4, V_2, V_1]$ است.

^۱Dynamic Programming

^۲Systematic Procedure

^۳Overall Effectiveness

هزینه سه تور که از راس V_1 شروع شوند عبارتند از:

$$[V_1, V_2, V_3, V_4, V_1] = 22 \quad [V_1, V_3, V_2, V_4, V_1] = 26 \quad [V_1, V_3, V_4, V_2, V_1] = 21$$

باتوجه به هزینه به دست آمده می بینیم که مسیر $[V_1, V_3, V_4, V_2, V_1]$ بهینه می باشد. اگر V_k نخستین راس پس از V_1 روی هر تور بهینه باشد، زیر مسیر آن تور از V_k به V_1 باید کوتاه ترین مسیر از V_k به V_1 باشد که از هر کدام از رئوس دیگر دقیقاً یک بار عبور می کند. یعنی، اصل بهینگی برقرار است و می توان از برنامه ریزی پویا استفاده کرد. گراف را با یک ماتریس مجاورتی C نشان می دهیم. ماتریس مجاورتی گراف؟؟ به صورت؟؟ است:

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 9 & \infty \\ 1 & 0 & 6 & 4 \\ \infty & 7 & 0 & 8 \\ 6 & 3 & \infty & 0 \end{bmatrix} \quad (5-1)$$

فرض کنید V مجموعه همه رئوس گراف، A زیر مجموعه ای از رئوس گراف و $D[V_i][A]$ طول کوتاه ترین مسیر از V_i به V_j در گراف A دقیقاً یکبار می گذرد، است. در گراف؟؟ داریم

$$V = \{V_1, V_2, V_3, V_4\}$$

یک مجموعه با $\{V_1, V_2, V_3, V_4\}$ و یک مسیر با $[V_1, V_2, V_3, V_4]$ مشخص می شود. اگر $A = \{V_3\}$ باشد داریم:

$$D[V_2][A] = \text{len}([V_2, V_3, V_1]) = \infty$$

که در آن len ، طول مسیر را مشخص می کند. اگر $A = \{V_3, V_4\}$ باشد داریم:

$$D[V_2][A] = D[V_2][V_3, V_4] = \min(\text{len}([V_2, V_3, V_4, V_1]), \text{len}([V_2, V_4, V_3, V_1])) = \min(20, \infty) = 20$$

با توجه به تعریف فوق بدیهی است که:

$$D[V_i][\emptyset] = C_{i1}$$

فرمول بازگشتی زیر حل مساله فروشنده دوره گرد را با روش برنامه نویسی پویا فراهم می کند:

$$\begin{cases} D[V_i][A] = \min(C_{ij} + D[V_j][A - V_j]) & A \neq \emptyset \\ D[V_i][\emptyset] = C_{i1} & A = \emptyset \end{cases}$$

برای زیر مجموعه‌های از شهرها $S \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$ طول کوتاه‌ترین مسیر ملاقات شده در S را با C_S نمایش می‌دهند. در این روش $C_{S1} = \infty$ می‌شود، زیرا مسیر نمی‌تواند از شهر 1 شروع شده و به شهر 1 ختم شود. حال باید زیر مسئله‌ها را توسعه داد تا به حل مسئله اصلی رسید. پس از ملاقات شهر j باید شهر i ملاقات شود که این شهر بر اساس تابع مسافت که در رابطه زیر نشان داده شده، محاسبه می‌شود.

$$C_{Sj} = \text{Min}_{i \in S, i \neq j} C_{Si} + d_{ij}$$

در این معادله، C_{Sj} طول مسیر از شهر 1 تا شهر j بوده و d_{ij} طول مسیر از شهر i به شهر j است. شبه کد الگوریتم برنامه نویسی پویا برای حل مسئله فروشنده دوره گرد در الگوریتم؟؟ نشان داده شده است.

الگوریتم ۱-۱ الگوریتم برنامه نویسی پویا برای مسئله فروشنده دوره گرد [؟].

1. $C_{11} = 0$
 2. **for** $s=2$ to n **do**
 3. **for all** subsets $S \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$ of size S and containing 1 **do**
 4. $C_{S1} = \infty$
 5. **end for**
 6. **for all** $j \in S - \{1\}$ **do**
 7. $C_{Sj} = \min\{C_{(S-\{j\})i} + d_{ij} : i \in S - \{j\}\}$
 8. **end for**
 9. **return** $\min_j C_{\{1, \dots, n\}j} + d_{j1}$
 10. **end for**
-

تعداد زیر مسئله‌ها در این روش برابر $2^n \times n$ می‌باشد و هر زیر مسئله با پیچیدگی زمانی $O(n)$ خطی قابل حل است. بنابراین هزینه اجرای این روش برابر $O(n^2 \times 2^n)$ می‌شود [؟].

۲-۲-۱ الگوریتم انشعاب و تحدید

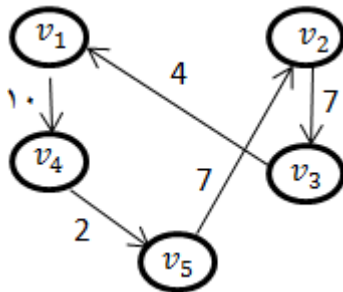
تکنیک $B\&B$ ^۱ یک تکنیک برنامه‌نویسی است که در آن عملکرد تکنیک برگشت به عقب برای برخی مسائل می‌تواند بهبود یابد. با این مفهوم که با یک تخمین اولیه از هزینه یک جواب، به دنبال یک جواب بهتر هستیم. برای این منظور در هر کجای مسیر از جواب بعدی اگر میزان هزینه، بیشتر از هزینه تخمین اولیه باشد، آن مسیر حذف می‌شود [؟]. روش شاخه و حد اولاً ما را به روش خاصی از پیمایش درخت محدود نمی‌کند و ثانیاً، تنها برای مسائل بهینه‌سازی به‌کار می‌رود. همانطور که گفته شد، هدف ما در این مسئله یافتن کوتاه‌ترین مسیر در یک گراف جهت‌دار است که از یک راس معین آغاز شده و هر راس گراف را دقیقاً یکبار ملاقات کرده و به همان راس آغازین ختم می‌شود. از آنجا که مهم نیست مسیرها از کدام راس آغاز

^۱Branch and Bound

می‌شوند، ما می‌توانیم اولین راس را به عنوان راس آغازین در نظر بگیریم. ماتریسی که در ادامه آمده گرافی را نمایش می‌دهد که در آن برای هر راس به راس دیگر مسیری با طول مشخص شده وجود دارد. در روش شاخه و حد اولاً ما را به روش خاصی از پیمایش درخت محدود نمی‌کند و ثانياً، تنها برای مسائل بهینه‌سازی بکار می‌رود. در روش شاخه و حد مرتبه زمانی در بدترین حالت تغییر نمی‌کند اما در عمل تعداد عملیات مورد نیاز کمتر خواهد بود. همانطور که گفته شد، هدف ما در این مسئله یافتن کوتاه‌ترین مسیر در یک گراف جهت‌دار است که از یک راس معین آغاز شده و هر راس گراف را دقیقاً یکبار ملاقات نموده و به همان راس آغازین ختم می‌شود. از آنجا که مهم نیست مسیرها از کدام راس آغاز می‌شوند، ما می‌توانیم اولین راس را به عنوان راس آغازین در نظر بگیریم. ماتریس زیر گرافی را نمایش می‌دهد که در آن هر راس به راس دیگر مسیری با طول مشخص شده وجود دارد.

$$\begin{bmatrix} 0 & 14 & 4 & 10 & 20 \\ 14 & 0 & 7 & 8 & 7 \\ 4 & 5 & 0 & 7 & 16 \\ 11 & 7 & 9 & 0 & 2 \\ 18 & 7 & 17 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

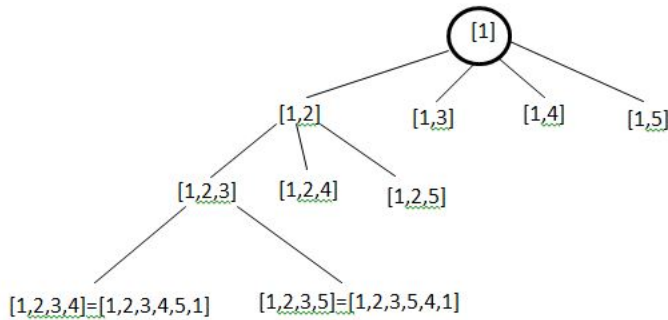
یک تور بهینه برای گراف فوق به شکل ؟؟ است.



شکل ۱-۴: تور بهینه برای ماتریس

یک درخت فضای حالت برای این مساله می‌تواند به این صورت باشد که هر راس آغازین، به عنوان اولین راس در سطح آزمایش می‌شود. هر راس غیر از راس آغازین و راسی که در سطح ۱ انتخاب شده، به عنوان راس دوم در سطح ۲ آزمایش می‌شود و الی آخر. بخشی از این درخت فضای حالت در شکل ؟؟ نمایش داده شده است.

در ادامه لفظ گره، به گره‌ای در درخت فضای حالت، و لفظ راس به راسی در گراف اطلاق می‌شود. در هر گره از شکل ؟؟، مسیر انتخاب شده تا رسیدن به آن گره را در نظر گرفته‌ایم. برای سادگی کار، هر راس گراف را با اندیس آن مشخص می‌کنیم. گره‌ای که برگ نباشد نماینده همه تورهایی است که با مسیر ذخیره شده در آن گره شروع شده است. به عنوان مثال گره شامل [۱, ۲, ۳] نشانگر تمام تورهایی است که با مسیر [۱, ۲, ۳] آغاز می‌شوند. یعنی نشانگر تورهای [۱, ۲, ۳, ۴, ۵, ۱] و [۱, ۲, ۳, ۴, ۵, ۱] است. هر برگ، معرف یک تور است. بنابراین باید برگی را پیدا کنیم که شامل یک تور بهینه باشد. وقتی



شکل ۱-۵: درخت فضای حالت برای نمونه ای از مسئله فروشنده دوره گرد که در آن پنج راس وجود دارد. اندیس رئوس تور، در داخل گره آورده شده است.

که چهار راس در مسیر ذخیره شده در یک گره وجود داشته باشد، توسعه درخت را متوقف می کنیم زیرا پنجمین راس به خودی خود مشخص می شود.

برای آنکه از جستجوی اول بهترین استفاده شود، باید حدی برای هر گره پیدا کنیم. باید یک حد پایین برای طول هر توری که از بسط یک گره به دست می آید، پیدا کنیم و گره را در صورتی وعده گاه می نامیم که حد آن کمتر از طول تور مینیمم کنونی باشد. یک حد را می توانیم به روش زیر پیدا کنیم.

در هر تور، طول لبه گرفته شده به هنگام گذر از یک راس باید حداقل به بزرگی طول کوتاه ترین لبه ای که در آن راس ناشی می شود، باشد. بنابراین یک حد پایین روی هزینه برای خروج از راس V_1 عبارت از مقدار کمینه ی همه ی عناصر غیر صفر در سطح ۱ ماتریس هم جواری، حد پایین هزینه برای خروج از راس V_2 عبارت از مقدار کمینه همه عناصر غیر صفر سطح ۲ از ماتریس هم جواری است و الی آخر. حدود پایین روی هزینه های رئوس گراف شکل ؟؟ عبارت است از:

$$v_1 \quad \text{minimum}(14, 4, 10, 20) = 4$$

$$v_2 \quad \text{minimum}(14, 7, 8, 7) = 7$$

$$v_3 \quad \text{minimum}(4, 5, 7, 16) = 4$$

$$v_4 \quad \text{minimum}(11, 7, 9, 2) = 2$$

$$v_5 \quad \text{minimum}(18, 7, 17, 4) = 4$$

چون یک تور باید هر راس را فقط یک بار ترک کند، حد پایینی طول تور، برابر حاصل جمع این مقدار کمینه است. بنابراین، حد پایینی تور عبارت است از: $4 + 7 + 4 + 2 + 4 = 21$. این بدان معنا نیست که توری با این طول وجود ندارد. فرض کنید گره حاوی [۱, ۲] در شکل ؟؟ را ملاقات کرده ایم. در آن حالت، قبلا V_2 را به عنوان دومین راس تور مشخص

کرده ایم و هزینه رسیدن به V_2 برابر وزن یال V_1 به V_2 است که برابر ۱۴ می‌باشد. بنابراین، هر توری که از گسترش این گره حاصل شود، با هزینه Y ترک رئوس زیر دارای حدود پایین مشخص شده زیر خواهد بود:

$$V_1 \quad 14$$

$$V_2 \quad \text{minimum}(7, 8, 7) = 7$$

$$V_3 \quad \text{minimum}(4, 7, 16) = 4$$

$$V_4 \quad \text{minimum}(11, 9, 2) = 2$$

$$V_5 \quad \text{minimum}(18, 17, 4) = 4$$

برای به دست آوردن مقدار کمینه برای V_2 ، یالی را که به V_1 می‌رود، لحاظ نمی‌کنیم زیرا V_2 نمی‌تواند به V_1 بازگردد. حد پایین طول هر تور که از گسترش دادن گره حاوی $[1, 2]$ به دست می‌آید، برابر با حاصل جمع این مقادیر کمینه است:

$$14 + 7 + 4 + 2 + 4 = 31$$

برای آن که تکنیک تعیین حد روشن‌تر شود، فرض کنید گره حاوی $[1, 2, 3]$ از شکل $??$ را ملاقات کرده ایم. راس دوم را برابر V_2 و راس سوم را V_3 در نظر گرفته ایم. هر توری که از گسترش دادن این گره به دست آمده باشد، دارای حدود پایین زیر با هزینه ترک رئوس است:

$$V_1 \quad 14$$

$$V_2 \quad 7$$

$$V_3 \quad \text{minimum}(7, 16) = 7$$

$$V_4 \quad \text{minimum}(11, 2) = 2$$

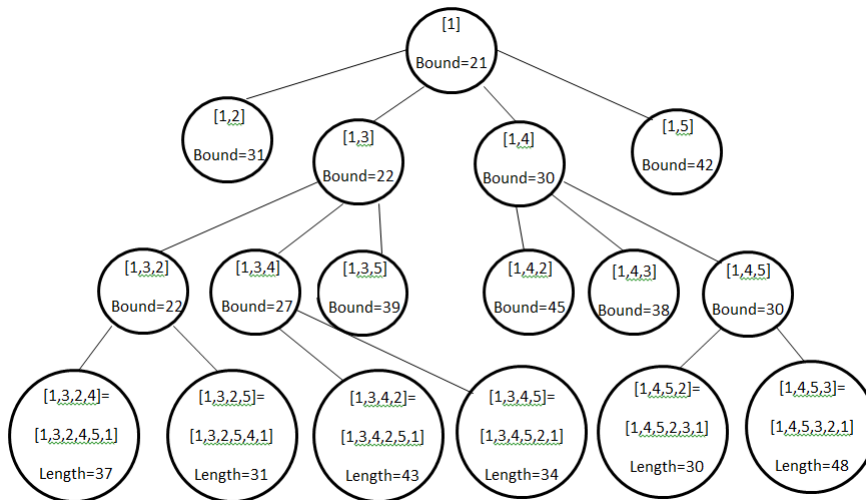
$$V_5 \quad \text{minimum}(18, 4) = 4$$

برای به دست آوردن مقادیر کمینه V_4 و V_5 یال‌هایی را که به V_2 و V_3 می‌روند، لحاظ نمی‌کنیم زیرا قبلاً در این رئوس بوده‌ایم. حد پایین طول هر تور را می‌توان با گسترش دادن گره حاوی $[1, 2, 3]$ به دست آورد:

$$14 + 7 + 7 + 2 + 4 = 34$$

به همین شیوه می‌توان حد پایین طول توری را به دست آورد که از توسعه دادن هر گره در درخت فضای حالت به دست می‌آید

و از این حدود پایین در جست و جو بهتر استفاده نمود. با این شیوه بهترین جست و جو با هرس کردن شاخه و حد، درخت شکل؟؟ را تولید می کند. این حد در یک گره غیر برگ نگهداری می شود، حال آن که طول تور در یک برگ نگهداری می شود. به بهترین حل، مقدار اولیه ∞ (بی نهایت) را می دهیم، زیرا در ریشه هیچ حل کاندیدایی وجود ندارد (در درخت فضای حالت، حل های کاندیدا فقط در برگ ها وجود ندارند). درخت تشکیل شده برای حل گراف؟؟ که در هر گره غیر برگ از درخت فضای حالت، تور ناقص در بالا و حدی که از طول هر تور با گسترش دادن کره به دست می آید، در پایین قرارداد به صورت؟؟ است [۴].



شکل ۱-۶: درخت فضای حالت هرس شده ای که با به کارگیری بهترین جست و جو با هرس کردن شاخه و حد به دست می آید.

۳-۲-۱ الگوریتم تپه نوردی

الگوریتم جستجوی تپه نوردی از ساده ترین الگوریتم های جستجوی محلی است. در مرحله اول الگوریتم، از یک نقطه تصادفی در فضای جستجو به عنوان جواب اولیه شروع کرده و مقدار تابع هدف محاسبه می گردد. در مرحله بعد همسایه های جواب اولیه برای مقدار تابع هدف بررسی می شوند. چنانچه نقطه ای با مقدار تابع هدف کمتری وجود داشته باشد، این نقطه را به عنوان بهترین جواب ذخیره می کند و در صورتی که همسایه بهتری وجود نداشته باشد، نقطه فعلی را به عنوان بهترین جواب اعلام می نماید.

الگوریتم تپه نوردی، الگوریتمی است که برای یافتن بهترین جواب یک مسئله یا برای پیدا کردن جوابی از مسئله که به اندازه کافی مناسب و بهینه باشد، استفاده می شود. این الگوریتم بیشتر برای مسئله هایی مورد بحث قرار می گیرند که چندین جواب با ارزش برابر دارند و هدف یافتن یکی از آنهاست. برای بررسی این الگوریتم مسئله زیر را بررسی می کنیم:

تابع f به هر یک از اعضای مجموعه متناهی S یک عدد حقیقی نسبت می دهد. هدف یافتن عضوی از S است که کمترین (یا بیشترین) مقدار به آن نسبت داده شده است. همان گونه که گفته شد در اینجا فرض بر این است که مقدار تابع f برای

چندین عضو مختلف S کمینه است و هدف یافتن تنها یکی از آنهاست. (در غیر این صورت معمولاً الگوریتم تپه نوردی، الگوریتم کار آمدی نیست.) شرح کار الگوریتم به صورت زیر است:

ابتدا یکی از اعضای مجموعه S را (به صورت تصادفی) انتخاب می‌کنیم و آن را A می‌نامیم. سپس در میان اعضای S که به A نزدیکند به دنبال جواب مناسب تری برای مسئله می‌گردیم. به عبارتی در میان اعضای A نزدیک اند عضوی بیابیم که مقدار تابع f برای آن کم تر از $f(A)$ باشد سپس این روند را ادامه داده تا به یک کمینه نسبی برای f دست یابیم. بدیهی است که کمینه نسبی به دست آمده لزوماً پاسخ خواسته شده نیست. ولی اگر الگوریتم گفته شده چندین بار تکرار شود می‌توان به یافتن جوابی مطلوب امیدوار بود. (در هر بار اجرای الگوریتم اولین عضو به صورت تصادفی انتخاب می‌شود) عیب این الگوریتم این است که در یک تابع که مینیمم و یا ماکزیمم محلی زیادی دارد به راحتی در دام بهینه محلی گرفتار می‌شود و قدرت خروج از آنجا را ندارد. در این الگوریتم درخت جستجو را ذخیره نمی‌کند لذا ساختمان داده گره فعلی فقط باید حالت و مقدار تابع هدف را نگهداری کند. تپه نوردی به همسایه های حالت فعلی نگاه می‌کند. تپه نوردی گاهی جستجوی محلی حریصانه نام دارد زیرا بدون اینکه قبلاً فکر کند به کجا برود، حالت همسایه خوبی را انتخاب می‌کند. تپه نوردی معمولاً به سرعت به سمت جواب پیش می‌رود زیرا به راحتی می‌تواند حالت بد را بهبود ببخشد [؟]. برای حل مسئله فروشنده دوره گرد یک گراف ساده همبند را که یال های آن وزن دار است، در نظر بگیرید. هدف یافتن مسیری همیلتونی است که در آن مجموع وزن یال ها کمینه (یا به اندازه کافی کم) باشد. برای یافتن چنین مسیری می‌توان ابتدا یک مسیر همیلتونی تصادفی انتخاب نمود و سپس در هر گام با ایجاد تغییری اندک در مسیر، مجموع وزن یال های آن مسیر را بهینه نمود. مهمترین موضوع در روش تپه نوردی انتخاب تابع هدف می‌باشد که برای فروشنده دوره گرد تابع هدف، طول مسیر طی شده در نظر گرفته می‌شود. بدیهی است که طولهای کوتاه تر نتیجه ای است که به نتیجه نهایی نزدیکتر است. الگوریتم تپه نوردی به منظور حل مسئله فروشنده دوره گرد در الگوریتم؟؟ نشان داده شده است.

الگوریتم ۱-۲ الگوریتم تپه نوردی برای مسئله فروشنده دوره گرد [؟].

1. Hill climbing(path: sequence of points)
2. Compute the initial length of path
3. **loop**
4. choose the pair of points U, V such that swapping U with V in path has the shortest length
5. **if** there is no improvement
6. **then** return path
7. **end if**
8. swap U and V in the path and decrement the length by change
9. **end loop**

در این الگوریتم به اندازه یک جواب کنونی و جواب همسایه حافظه مصرف می‌شود. همانطور که اشاره شد، اندازه هر جواب برابر تعداد شهرها در مسئله است. بنابراین به اندازه $2n$ که n تعداد شهرهاست، حافظه نیاز دارد [؟].

۱-۲-۴ الگوریتم شبیه سازی تبریدی

واژه انگلیسی Simulated Annealing در لغت به معنای گداخته کردن جسم می باشد ولی در اصطلاح، یک فرایند فیزیکی برای بالا بردن دمای جسم تا رسیدن آن به نقطه ذوب و سپس سرد کردن آن طی شرایط مشخص می باشد که در طول این فرایند انرژی جسم به حداقل می رسد. این الگوریتم از مدل مونت کارلو (که رابطه ای است میان ساختار اتمی، آنتروپی و دما در طول فرآیند سرمایش یک ماده) الهام گرفته شده است. در این مدل ابتدا دمای ماده بسیار بالا بوده و کم کم دمای ماده پایین آورده می شود تا به دمای تعادل برسد. سرعت پایین آوردن دمای ماده بسیار مهم است و در صورتی که با سرعت زیادی دما کاهش یابد، ماده به تعادل نرسیده و دارای مشکلاتی خواهد شد. الگوریتم SA^۱ و سایر الگوریتم های ابتکاری، با یک جواب اولیه که به طور ابتکاری ایجاد می شود شروع به کار می کنند. سپس یک جواب همسایگی که بهبود در تابع هدف ایجاد نماید انتخاب می شود و تعداد تکرارهایی که دیگر بهبود در تابع هدف حاصل ایجاد نشود ادامه می یابد. معمولاً الگوریتم های بهبود دهنده، که با یک جواب اولیه شروع شده و در طی مراحل بهبود داده می شوند، ممکن است بعد از چند تکرار در نقطه بهینه محلی قرار بگیرند، که گاهی اوقات نیز از ناحیه جواب نهایی خیلی دور است. فرق الگوریتم تبرید تدریجی با الگوریتم های بهینه سازی محلی در این است، که در الگوریتم بهینه سازی محلی، یک جواب در همسایگی جواب قبلی ایجاد می شود، اگر تابع هدف به واسطه جواب جدید بهتر شود، جواب جدید قبول شده و در غیر این صورت جواب جدید رد می گردد. این عمل ممکن است منجر به قرار گرفتن در نقطه بهینه محلی شده و دیگر نتواند از آن خارج شود. در حالی که در روش تبرید تدریجی شبیه سازی شده، از توقف در ناحیه بهینه محلی اجتناب کرده و به طور گذرا از آن رد می شود. این حالت با پذیرفتن احتمالی جواب های بد انجام می شود، تا از نقطه بهینه محلی خارج شود [؟]. در ادامه از ایده کمینه سازی دما، در بهینه سازی مسئله فروشنده دوره گرد استفاده می کنیم. در پیاده سازی این الگوریتم، ابتدا یک جواب را به صورت کاملاً تصادفی ایجاد می کنیم [؟].

^۱Simulated Annealing

الگوریتم ۱-۳ الگوریتم شبیه سازی تبریدی برای مسئله فروشنده دوره گرد [؟].

1. $t \leftarrow 0$, initialize T
 2. select a current point V_c at random and evaluate V_c
 3. **Repeat**
 4. **Repeat**
 5. select V_n from the neighborhood of V_c
 6. **if** $cost(V_c) < cost(V_n)$ **then**
 7. $V_c \leftarrow V_n$
 8. **else if** $random [0, 1) < e^{(cost(V_n) - cost(V_c))/T}$
 9. $V_c \leftarrow V_n$
 10. **end if**
 11. **until** (termination criterion)
 12. $T \leftarrow g(T)$
 13. **until** (halting-criterion)
-

در گام بعدی نیاز به همسایه ای از جواب اولیه داریم که از جستجوی محلی استفاده می‌کنیم. با استفاده از احتمال موجود در خط ۸ الگوریتم، جواب همسایه به عنوان جواب جاری در نظر گرفته می‌شود، حتی اگر تابع هدف را بهبود نبخشد. بدین ترتیب، شانس به دام افتادن در کمینه محلی کاهش می‌یابد. با گذشت زمان، احتمال پذیرش یک جوابی که تابع هدف را بهبود نمی‌دهد کم و کمتر می‌شود. همین روند تا رسیدن به شرط پایان برنامه ادامه می‌یابد.

در این الگوریتم همانند الگوریتم تپه نوردی، به اندازه یک جواب کنونی و جواب همسایه نیاز به حافظه داریم. بنابراین به اندازه $2n$ که n تعداد شهر هاست، حافظه نیاز دارد [؟].

۱-۲-۵ الگوریتم ژنتیک

ایده اصلی الگوریتم ژنتیک، انتقال خصوصیات موروثی توسط ژن‌ها است. در این الگوریتم، جواب‌ها با عنوان کروموزوم‌ها شناخته می‌شوند. فرآیندهایی که در این الگوریتم اتفاق می‌افتد، جهش (تغییر تصادفی کروموزوم‌ها) و ترکیب دو کروموزوم برای تولید کروموزوم جدید است. الگوریتم ژنتیک برای حل مسئله فروشنده دوره گرد در [؟] بیان شده است [؟].

الگوریتم ۱-۴ الگوریتم ژنتیک برای مسئله فروشنده دوره گرد [۴].

1. choose initial population
 2. **Repeat**
 3. Evaluate the individual cost of the population
 4. select pairs of individuals to reproduce
 5. Apply crossover operator
 6. Apply mutation operator
 7. **until** terminating condition
-

الگوریتم ژنتیک الگوریتمی مبتنی بر جمعیت است و کار خود را بر روی جمعیتی از جواب ها انجام می دهد. ابتدا تعداد ۱۰۰ جواب را به صورت تصادفی ایجاد می کند و مسیر طی شده در هر جواب را با استفاده از رابطه زیر بدست می آورد.

$$Cost = Min \sum_{i=0}^{i=n-2} C_{i(i+1)} + C_{(n-1)}.$$

سپس باید عمل انتخاب والدین انجام شود که برای این کار چند روش وجود دارد. انتخاب دو جواب برتر، انتخاب دو جواب به صورت تصادفی از بین پنج جواب برتر و انتخاب دو جواب به صورت تصادفی روش های انتخاب والدین است. پس از انتخاب والدین با یکی از روش های معرفی شده، دو جواب باهم ترکیب می شوند. عمل ترکیب در شکل؟؟ نشان داده شده است.

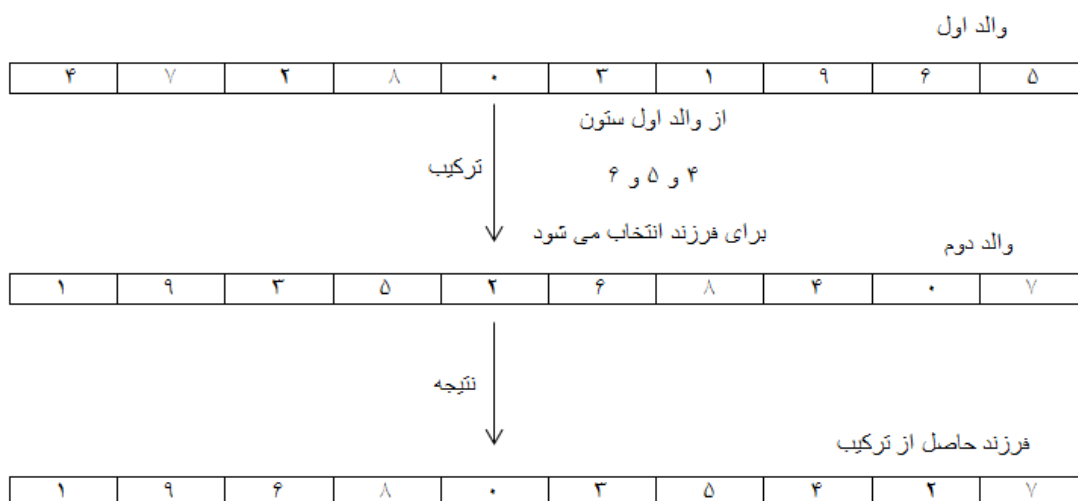
یک نوع ترکیب، ترکیب PMX^۱ است که با داشتن والدین P_1 و P_2 به تولید فرزندان O_1 و O_2 منجر می شود. شرح روش به صورت زیر است:

- بخشی به طور تصادفی از والد اول در فرزند کپی شود.
- با نگاهی به موقعیت های مشابه در والد دوم، هر مقدار را که به فرزند داده نشده انتخاب کنید. برای هر یک از این مقادیر:

۱. شاخص این مقدار در والد دوم، مقدار x را از والد اول در همان موقعیت تعیین کنید.
۲. همان مقدار را در والد دوم تعیین کنید.
۳. اگر شاخص این مقدار در والد دوم بخشی از ردیف اصلی باشد، به مرحله ۱ بر می گردد.
۴. اگر شاخص این مقدار در والد دوم بخشی از ردیف اصلی نباشد، مقدار y به فرزند در همان موقعیت وارد می شود.

- هر موقعیت باقی مانده از والد دوم را در فرزند کپی کنید.

^۱Partially Mapped Crossover



شکل ۱-۷: عمل ترکیب با روش PMX

عمل جهش با یک احتمالی بر روی کروموزوم ایجاد شده صورت می گیرد. عمل جهش به صورت جابجایی دو شهر در یک جواب انجام شده است. مراحل الگوریتم تا رسیدن به شرط پایانی ادامه می یابند. در هر مرحله بهترین مسیرها مشخص شده و در نهایت پس از اتمام الگوریتم، بهترین مسیر که دارای کمترین هزینه (اندازه مسیر) باشد، انتخاب می شود.

در الگوریتم ژنتیک با توجه به اندازه جمعیت نیاز به حافظه داریم. اگر اندازه جمعیت را m و حافظه مصرفی برای هر جواب را n در نظر بگیریم، به اندازه $m \times n$ حافظه مصرفی این الگوریتم است [۴].

در [۴] به بررسی و مقایسه کارایی چهار الگوریتم اکتشافی تپه نوردی، شبیه سازی تبریدی، ژنتیک و برنامه نویسی پویا برای حل مسئله فروشنده دوره گرد پرداخته شده است. نتایجی که از این بررسی بر روی دو مجموعه داده به دست آمده است، بدین صورت است که استفاده از روش برنامه نویسی پویا بسیار زمان بر بوده و به منظور رسیدن به جواب بهینه در زمان کوتاه، از الگوریتم های اکتشافی استفاده شده است، که با این الگوریتم ها جواب بهینه به دست می آید.

۱-۲-۶ الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات

الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات PSO^۱ یک الگوریتم فراابتکاری است که از حرکت گروهی که به شکل دسته جمعی زندگی می کنند مانند دسته ای از پرندگان، گروه ماهی ها و جوامع انسانی الگو گرفته شده است. این الگوریتم مبتنی بر جمعیت است که از روی رفتار اجتماعی پرندگان مدل شده است. در ابتدا این الگوریتم با الهام از لگوهای حاکم بر پرواز همزمان پرندگان و تغییر ناگهانی مسیر آنها و تغییر شکل بهینه ی دسته، به کار گرفته شده است. این الگوریتم در مقایسه با الگوریتم ژنتیک دارای سرعت همگرایی بالایی است. در PSO ذرات در فضای جستجو پراکنده می شوند. تغییر مکان ذرات در فضای جستجو تحت تاثیر تجربه و دانش خودشان و همسایگان است. در ابتدا یک جمعیت از جواب (ذرات) ایجاد می شود.

^۱Particle Swarm Optimization

این ذرات براساس چند فرمول در فضای جستجو حرکت می‌کنند، حرکت ذرات توسط بهترین موقعیت شناخته شده خود در فضای جستجو و همچنین بهترین موقعیت شناخته شده نسبت به تمام ذرات است. فرض کنید $f: R^n \rightarrow R$ تابع هزینه باشد که باید کمینه شود. این تابع یک جواب کاندید را به صورت آرگومان در قالب بردار از اعداد حقیقی می‌گیرد و یک عدد حقیقی به عنوان خروجی تولید می‌کند که نشان دهنده ارزش تابع هدف، جواب داده شده است. هدف پیدا کردن جواب کمینه تابع f است. در PSO، هر جواب مسئله بهینه سازی به عنوان یک ذره در فضای جستجو در نظر گرفته می‌شود و هر ذره دارای ارزشی است که توسط تابع هدف تعیین می‌شود و همچنین سرعت آن تعیین کننده مقصد و فاصله اش است. تمام ذرات در فضای جواب به دنبال بهترین جواب هستند. در ابتدا PSO یک مجموعه جواب تصادفی از ذرات را می‌گیرد سپس جواب های بهینه را با جستجو مکرر پیدا می‌کند. در هر تکرار، یک ذره بهترین موقعیت خود را پیدا می‌کند. بهترین موقعیتی که خود ذره تاکنون داشته (مولفه شناختی) p_{best} و بهترین موقعیتی که تاکنون توسط کل ذرات به وجود آمده است (مولفه جمعی) g_{best} نامیده می‌شوند. از نظر مفهومی p_{best} برای هر ذره در واقع حافظه اتوبیولوژیکی آن ذره محسوب می‌شود و تغییر موقعیت ذره بر اساس p_{best} در واقع پاسخ به احساس غربتی است که ذره هنگام دوری از محلی که در آن بیشتر ارضا می‌شوند، دارند. g_{best} همان دانش عمومی جمعیت است و وقتی که ذرات موقعیت خود را بر اساس g_{best} تغییر می‌دهند در واقع تلاش می‌کنند که سطح دانش خود را به سطح دانش جمعیت برسانند. تمام ذرات مرحله های زیر را با توجه به بهترین موقعیت نسبت به خود و دیگر ذرات می‌گذرانند. سرعت و موقعیت ذره i د به صورت روابط r_1 و r_2 در هر مرحله به روزرسانی می‌شوند.

$$V'_{id} = wV_{id} + \eta_1 r_1 (p_{best} - X_{id}) + \eta_2 r_2 (g_{best} - X_{id}) \quad (6-1)$$

$$X'_{id} = X_{id} + V'_{id} \quad (7-1)$$

بطور کلی w وزن ایستایی نامیده می‌شود، این یک عامل نسبت است که با سرعت مرتبط است $0 < w < 1$ ، η_1 و η_2 ثابت هستند و به طور معمول عوامل شتاب دهنده نامیده می‌شوند $\eta_1 = \eta_2 = 2$ ، r_1 و r_2 اعداد تصادفی هستند، X_{id} نشان دهنده موقعیت ذره و V_{id} نشان دهنده سرعت ذره i د است.

در فرمول (6-1) بخش اول نشان دهنده سرعت اولیه ذره است، بخش دوم آن نشان دهنده موقعیت ذره نسبت به بهترین موقعیت خودش است و در نهایت بخش سوم آن بخش وابسته (جمعی) نامیده می‌شود، یعنی موقعیت ذره را نسبت به بهترین موقعیت تمام ذرات مشخص می‌کند.

۱-۶-۲-۱ الگوریتم PSO برای حل مسئله فروشنده دوره گرد

در [۴] از PSO برای حل مسئله فروشنده دوره گرد استفاده شده است که از جایگشت برای نشان دادن هر ذره استفاده می‌کند. هر ذره به عنوان یک مسیر محسوب می‌شود (تمام مسیرها باید به عنوان حلقه یا مسیر بسته تعریف شوند). طول هر مسیر را به عنوان تابع f در نظر می‌گیریم. هر چه طول کوتاه‌تر باشد مقدار تابع کمتر است. تابع f به صورت رابطه (۴) است.

$$f(S_i) = \frac{1}{\sum_{i=1}^N d[C_n(i), C_{n(i+1) \bmod N}]} \quad (۸-۱)$$

در جدول ۴۴ نتایج مقایسه دو الگوریتم GA و PSO برای ده سری داده مورد آزمایش قرار گرفته شده، نشان داده شده است. به طوریکه ستون اول و دوم به ترتیب نمونه‌های مورد آزمایش و جواب بهینه آن‌هاست. ^۱ و ستون سوم جواب بهینه همان نمونه

جدول ۱-۱: مقایسه نتایج بهینه الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی ذرات

Test Cases	Optimal in TSPLIB	GA	PSO
<i>Berlin</i> ۵۲	۷۵۴۲	۷۵۴۲	۷۵۴۲
<i>kroA</i> ۱۰۰	۲۱۲۸۲	۲۱۳۱۵	۲۱۳۱۰
<i>kroA</i> ۲۰۰	۲۹۳۶۸	۳۰۱۶۸	۲۹۹۶۸
<i>Pr</i> ۲۹۹	۴۸۱۹۱	۴۸۵۶۸	۴۸۵۴۰
<i>Rd</i> ۴۰۰	۱۵۲۸۱	۱۵۱۳۵	۱۵۱۳۵
<i>Ali</i> ۵۳۵	۲۰۲۳۱۰	۲۴۲۳۱۰	۲۳۱۱۲۰
<i>D</i> ۶۵۷	۴۸۹۱۲	۵۰۹۱۲	۵۰۶۱۲
<i>Rat</i> ۷۸۳	۸۸۰۶	۸۹۶۵	۸۹۰۵
<i>Ul</i> ۰۶۱	۲۲۴۰۹۴	۲۷۹۰۹۴	۲۶۹۹۰۸
<i>Ul</i> ۴۳۴	۱۵۲۹۷۰	۱۸۲۷۸۰	۱۷۷۸۹۰

ها با الگوریتم ژنتیک داده شده و در نهایت ستون آخر جواب بهینه با الگوریتم بهینه‌سازی ذرات داده شده است. در [۴] شرایط مسئله ذکر نشده است و ظاهراً الگوریتم PSO در دقت و سرعت همگرایی نسبت به الگوریتم GA بهتر است.

۳-۱ الگوریتم کرم شب تاب برای حل مسئله فروشنده دوره گرد

الگوریتم کرم شب تاب یک الگوریتم فراابتکاری جدید است که از پدیده طبیعی نور چشمک زن الهام گرفته شده است. این الگوریتم باز هم برخی نقطه ضعف‌ها مانند، سرعت همگرایی کم و افتادن در دام بهینه محلی را دارد. در این الگوریتم برای بهبود جواب از اپراتورهای الگوریتم ژنتیک، تقاطع و جهش در جستجو محلی استفاده می‌شود.

^۱(<http://www.iwr.uniheidelberg.de/groups/comopt/software/TSPLIB959>)

۱-۳-۱ الگوریتم کرم شب تاب

الگوریتم کرم شب تاب (FA) ^۲ توسط سین شی یانگ ^۳ پیشنهاد شده است [۱][۲]. این الگوریتم متعلق به گروه الگوریتم‌های تصادفی می‌باشد یعنی یک نوع جستجو تصادفی برای رسیدن به مجموعه‌ای از جواب‌ها به کار برده می‌شود. الگوریتم کرم شب تاب در پایین‌ترین سطح خود به تولید جواب‌ها درون یک فضای جستجو متمرکز می‌کند و بهترین را برای بقا انتخاب می‌نماید. جستجو تصادفی از گیر افتادن در دام بهینه محلی اجتناب می‌کند. رفتار چشمک زن کرم‌های شب تاب بر اساس معیارهای جذابیت، روشنایی و فاصله تغییر می‌کند. بدین صورت که هرچه فاصله افزایش یابد، شدت نور کاهش می‌یابد. این الگوریتم با استفاده از نور چشمک زن الهام گرفته شده است. این روش، از قانون مربع معکوس برای شدت نور استفاده می‌کند که در آن I با مربع فاصله از منبع نور رابطه معکوس دارد. جریان کارکرد FA در مراحل زیر خلاصه می‌شود:

گام اول (جمعیت اولیه):

جمعیت اولیه کرم شب تاب به طور تصادفی با توجه به تمام مقادیر ممکن در محدوده جواب‌ها ایجاد می‌شود.
گام دوم (تابع شایستگی)

محاسبه شدت نور I برای هر یک از کرم‌های شب تاب در جمعیت و ارزیابی آن کرم با توجه به تابع شایستگی ^۱ است. شدت نور $I(x_i)$ کرم شب تاب در موقعیت x_i متناسب با مقدار تابع شایستگی است. شدت نور با توجه به معادله $??$ بیان می‌شود:

$$I = I_0 e^{-\gamma r^2} \quad (9-1)$$

که در آن I_0 منبع شدت نور و γ نشان دهنده ضریب جذب نور، ثابت هستند.

گام سوم (به روز رسانی جمعیت):

کرم شب تابی که جذابیت نور آن بیشتر باشد جایگزین می‌شود. جذابیت متناسب با شدت نور است که در معادله $??$ تعریف شده است:

$$\beta = \beta_0 e^{-\gamma r^2} \quad (10-1)$$

که β_0 جذابیت در فاصله $r = 0$ است. حرکت کرم شب تاب i به سمت j در معادله $??$ تعریف می‌شود:

$$x_i^{t+1} = x_i^t + \beta_0 e^{-\gamma r_{ij}^t} (x_j^t - x_i^t) + \alpha \epsilon_i^t \quad (11-1)$$

که α یک پارامتر تصادفی، ϵ_i^t یک بردار از اعداد تصادفی در تکرار t و γ ضریب جذب نور است. فاصله اقلیدسی بین دو کرم i و j در موقعیت x_i و x_j توسط r_{ij} مشخص می‌شود.

^۱Firefly Algorithm

^۲Xin-She-Yang

^۳fitness function

گام چهارم (یافتن بهترین کرم شب تاب):

بهترین کرم شب تاب در میان کل جمعیت را در تکرار t تعیین کنید.

گام پنجم (معیار توقف):

گام های دوم، سوم و چهارم را تا رسیدن به جواب مطلوب تکرار کنید.

بهترین کرم شب تاب را در سراسر جمعیت با x^* نشان داده می شود.

۴-۱ الگوریتم گسسته کرم شب تاب برای مسئله فروشنده دوره گرد

FA برای حل TSP که در آن هر کرم شب تاب به عنوان جایگزینی از تمام شهرهای تور است، نمایش داده می شود. برای نشان دادن حرکت کرم ها، ژو^۱ و همکارانش با حرکت k-opt فاصله بین دو کرم i و j را محاسبه می کند [۹]. هر یک از کرم های شب تاب از موقعیت $1 - x_i$ به موقعیت جدید x_i در تکرار t از معادلات زیر به دست می آیند:

$$x_i^t = 2 - opt(x_i^{t-1}) \quad (12-1)$$

$$x_i^t = 3 - opt(x_i^{t-1}) \quad (13-1)$$

این حرکت با مقدار شدت نور از کرم شب تاب کنترل می شود. شدت نور I با استفاده از فرمول؟؟ محاسبه می شود:

$$I_i = random(1, r_{ij}) \quad (14-1)$$

که I_i شدت نور کرم شب تاب i است که به صورت تصادفی از ۱ تا r_{ij} انتخاب می شود. r_{ij} فاصله اقلیدسی بین کرم شب تاب i و بهترین کرم شب تاب در جمعیت J است.

با توجه به مقدار شدت نور، هر یک از کرم های شب تاب حرکت کوتاه یا بلند با استفاده از معادله های؟؟ به دست می آیند.

۵-۱ الگوریتم ترکیبی گسسته کرم شب تاب برای مسئله فروشنده دوره

گرد

در این بخش، یک الگوریتم جدید ترکیبی گسسته FA که HDFA^۲ نامیده شده، معرفی می شود. هدف HDFA، رفع نقطه ضعف های الگوریتم کرم شب تاب ذکر شده با اضافه کردن اجزایی از الگوریتم های دیگر است. HDFA می تواند تنوع

^۱zhou ^۲Hybrid Discrete Firefly Algorithm

جمعیت را حفظ کند و موجب بروز همگرایی زودرس شود. HDFA در هشت گام به صورت زیر خلاصه شده است.

گام اول (پارامترهای ابتدایی)

پارامترهای ابتدایی HDFA برای کنترل عملکرد است. این پارامترها عبارتند از: شدت نور (روشنایی)، اندازه جمعیت،

نرخ تقاطع و جهش

گام دوم (جمعیت اولیه)

ایجاد جمعیت اولیه کرم شب تاب به صورت تصادفی با در نظر گرفتن تمام ارزش ها از طیف وسیعی از مقادیر برای

اطمینان از طیف گسترده ای از جواب ها است.

گام سوم (محاسبه شدت نور)

محاسبه شدت نور برای هر یک از کرم های شب تاب در جمعیت ابتدا توسط فاصله اقلیدسی خود از بهترین جواب

فعلی، و سپس با انتخاب شدت نور آن I_i به عنوان یک عدد تصادفی در محدوده بین ۱ و فاصله اقلیدسی با توجه به معادله

؟؟ بدست می آید:

$$I_i = rand[1, r_{ij}] \quad (15-1)$$

گام چهارم (تقاطع)

این اپراتور بین بهترین موقعیت کرم شب تاب x^* و موقعیت فعلی x_i عمل می کند. آنگاه تناسب موقعیت کرم فعلی x_i

با موقعیت دو فرزند تولید شده توسط تقاطع مقایسه شده، تا بهترین موقعیت را به عنوان موقعیت جدید x'_i انتخاب شود.

گام پنجم (جستجو محلی)

برای هر کرم i یک موقعیت جدید x'_i با حرکت دادن آن کرم به سمت موقعیت بهتر j با توجه به شدت نور و جذابیت

بین آنها ایجاد می شود یعنی I_i کمتر مساوی تعداد شهرها تقسیم بر دو که با $opt - 2$ اعمال شده، است در غیر این صورت

روش $opt - 3$ اعمال می شود. بر طبق آن، تابع شایستگی را برای کرم شب تاب محاسبه کنید.

گام ششم (جهش)

برای افزایش تنوع، اپراتور جهش برای هر نسل در جمعیت با احتمال برابر نرخ جمعیت از پیش تعیین شده، انجام

می شود. در این فرآیند، اگر یک عدد تصادفی در محدوده $[0, 1]$ کمتر از نرخ جهش باشد، الگوریتم موقعیت کرم x_i را تغییر

می دهد این کار با تبادل محتوا دو بیت که به صورت تصادفی انتخاب شده و بیت های دیگر بدون تغییر می ماند، انجام

می شود و بر طبق آن تابع ارزیابی محاسبه می شود.

گام هفتم (یافتن بهترین جواب سراسر)

تعیین بهترین کرم از بین تمام کرم ها در تکرار t

گام هشتم (معیار توقف)

اگر بهترین جواب با حداکثر تعداد تکرارها به دست آمده باشد، بهترین کرم شب تاب سراسری را برمی گرداند، در غیر

اینصورت گام های سوم تا هفتم را تکرار کنید.
مراحل HDFA در الگوریتم ؟؟ ارائه شده است.

الگوریتم ۱-۵ الگوریتم HDFA [؟].

1. Input: objective function $f(x)$;
 2. Output: the best solution x^* ;
 3. $t=0$;
 4. Initialize the population P: $X = x_1, x_2, \dots, x_n$;
 5. **for** $i = 1$ to No-of-fireflies **do**
 6. Calculate the objective function $f(x_i)$ for firefly position x_i of firefly i ;
 7. Light intensity I_i at x_i is determined by $f(x_i)$;
 8. Find the current best firefly x^*
 9. **end for**
 10. **While** termination criterion not reached **do**
 11. **For** $i = 1$ to No-of-fireflies **do**
 12. **crossover**(x_i, x^*)
 13. **For** $j = 1$ to No-of-fireflies **do**
 14. **if** $I_i > I_j$ **then**
 15. Compute the attractiveness According Eq ??;
 16. Move firefly i from position x_i toward position x_j ;
 17. According to Eq ??;
 18. **end if**
 19. **end for**
 20. **if** $\text{rand} < \text{mutation-rate}$ **then**
 21. Mutate(x_i)
 22. **end if**
 23. **end for**
 24. Evaluate the current firefly position x_i ;
 25. Find the current best position x^* among all fireflies;
 26. $t=t+1$
 27. **end while**
 28. Output the best tour x^* from all fireflies in the population
 29. **end for**
-

نتایج بررسی این الگوریتم جدید در [؟] نشان می دهد که HDFA می تواند برای حل مقادیر بزرگ TSP استفاده شود و در نتیجه باعث حل مسائل پیچیده تر بهینه سازی در دنیای واقعی می شود.

۱-۵-۱ عملگر تقاطع

این اپراتور توسط الگوریتم ژنتیک برای ترکیب دو جواب که منجر به یک جواب بهتر است استفاده می‌شود. بنابراین این عملیات برای بهره برداری از جواب های فضای جستجو برای جستجو محلی است. اپراتور تقاطع انواع مختلفی دارد، یکی از این عملیات PMX است.

گام های عملگر تقاطع PMX در الگوریتم؟؟ آمده است.

الگوریتم ۱-۶ الگوریتم PMX برای مسئله فروشنده دوره گرد [؟].

1. Select the start crossover point $cp1$ randomly in the range $[0, num - of - cities - 1]$;
 2. $cp2 = (cp1 + current - lightintensity) \% (number - of - cities - 1)$;
 3. $parent1 = x^*$;
 4. $parent2 = x_i$;
 5. Copy the swab, i.e., the region between $cp1$ and $cp2$, from $parent1$ into the first offspring;
 6. **for** each index i in the swab **do**
 7. **if** $parent2[i] \neq offspring[i]$ **then**
 8. add $parent2[i]$ to the set Elements;
 9. **end if**
 10. **end for**
 11. **for** each item e in Elements **do**
 12. Find index i of e in $parent2$;
 13. Find the item e' in $parent1$ in index i ;
 14. Find e' in $parent2$ and its index k ;
 15. **if** index k in $parent2$ is in the swab **then**
 16. $e = e'$;
 17. **go to** 12;
 18. **else**
 19. $offspring[j] = e$;
 20. **end if**
 21. **end for**
 22. Fill all the remaining positions of the first offspring from $parent2$.
 23. Analogously, **go to** 5 to create second child using $parent1 = x_i$ and $parent2 = x^*$
-

۲-۵-۱ عملگر جهش

اپراتور جهش به منظور حفظ تنوع جمعیت و جلوگیری از همگرایی محلی جواب های بعدی استفاده می‌شود.

در جهش، هر جواب در جمعیت ممکن است برای تولید یک جواب جدید با احتمال یک جهش ژنتیکی اصلاح شود. اضافه کردن جهش به FA ممکن است باعث شود موقعیت کرم شب تاب با والدش متفاوت باشد در نتیجه مناطق جدید را در فضای جستجو، جستجو می کند. جهش تعاملی (IM)^۱ به طور معمول برای مسائل با نمایش های جایگزینی مانند TSP مورد استفاده قرار می گیرد. برای کشف جواب های جدید ممکن، IM برای TSP با انتخاب دو موقعیت از دو شهر به طور تصادفی در تور، برای تولید جواب های جدید استفاده می شود. گام های اصلی IM در الگوریتم؟؟ آمده است.

الگوریتم ۱-۷ گام های الگوریتم IM برای مسئله فروشنده دوره گرد [؟].

1. Step1: For solution X_i , select two cities, m_1 and m_2 , in the solution at random;
 2. Step2: Swap $X_i(m_1)$ and $X_i(m_2)$;
 3. Step3: Return new mutated solution X_i ;
-

۶-۱ مروری بر الگوریتم جستجو ممنوعه

در این الگوریتم یک لیست ممنوعه داریم که برای جلوگیری از دوری شدن استفاده می شود که حرکت یا خصوصیتی از حرکت های ممنوعه در آن ثبت می شود و همچنین یک لیست کاندیدا که برای کاهش همسایه ها است و معیار تنفس جواب ممنوعی که از تمام جواب هایی که تا حال یافت شده بهتر است را ذخیره می کند.

روال کار الگوریتم جستجو ممنوعه به این صورت است که از یک جواب تصادفی شروع به حرکت می کند سپس بهترین جواب همسایه را از میان همسایه های جواب فعلی را انتخاب می کند در صورتی که این جواب در فهرست ممنوعه نباشد به سمت جواب همسایه حرکت می کند در غیر این صورت معیار تنفس را چک می کند براساس معیار تنفس اگر جواب همسایه از بهترین جواب یافت شده تاکنون بهتر باشد الگوریتم به سمت آن حرکت می کند حتی اگر جواب در فهرست ممنوعه باشد و سپس فهرست ممنوعه به روز می شود.

در فصل بعد مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل مورد بررسی قرار می گیرد.

^۱Interchanging Mutation

فصل ۲

مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل

در این فصل ابتدا صورت کلی مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل معرفی می شود سپس مسئله با الگوریتم مهاجرت پرندگان حل می شود و در نهایت کاربرد توریستی مسئله ذکر می شود.

مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل (TSPHS)^۱ یک نوع مسئله فروشنده دوره گرد است که در آن حداکثر طول سفر برای هر روز محدود است و فروشنده باید یکی از هتل های موجود را در پایان هر روز انتخاب کند. هدف از مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل کمینه کردن تعداد روزها سفر و طول کل سفر است. مسئله چندین کاربرد عملی دارد مثلا برنامه ریزی چند روز تورهای فروشندهگان یا مسیریابی وسایل نقلیه الکتریکی که نیاز به پیدا کردن یک ایستگاه برای شارژ وسیله ندارد.

در مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل سفر مربوط به یک روز کاری است یعنی دنباله ای از بازدید شهرها که شروع و پایانش در یک هتل است، درحالی که تور مجموعه ای از سفرهای متصل است که به طور کلی از همه شهرها بازدید می شود. هر سفر باید در یکی از هتل های موجود شروع و پایان یابد و نباید بیشتر از طول سفر در نظر گرفته شده باشد البته هتل اولیه هر سفر باید هتل نهایی سفر قبلی باشد. علاوه بر این هتل ابتدایی و انتهایی تور یکسان است.

۱-۲ توصیف و فرمول بندی مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل

فرض کنید $H = \{0, 1, \dots, s\}$ و $C = \{s+1, \dots, s+n\}$ به ترتیب مجموعه هایی از $s+1$ هتل و n شهر باشند که به صورت یک گراف کامل $G = (V, A)$ تعریف شده است، بطوری که V و A بصورت زیر تعریف شده اند:

$$V = H \cup C, \quad A = \{(i, j) | i, j \in V, i \neq j\}$$

^۱Travelling Salesperson Problem with Hotel Selection

هر شهر $i \in C$ نیاز به یک زمان سرویس دهی τ_i ($\forall i \in H, \tau_i = 0$) دارد. مدت زمان مورد نیاز برای سفر از موقعیت i به j است. فرض کنید T مجموعه سفرهای شدنی و \bar{k} زیرمجموعه‌ای از سفرهای باز باشد. برای هر سفر $t \in T$ سه پارامتر $\lambda_t, \beta_{ht}, \alpha_{it}$ تعریف می‌شود که α_{it} مقدار ۱ می‌گیرد اگر در سفر t از شهر $i \in C$ بازدید شود در غیر این صورت مقدار ۰ می‌گیرد و β_{ht} تعداد دفعات استفاده از هتل h در سفر t است از اینرو یکی از مقادیر ۰, ۱, ۲ را می‌گیرد و λ_t طول کل سفر را نشان می‌دهد از طرفی w_h یک متغیر عدد صحیح است که نشان دهنده تعداد دفعاتی است که به هتل h می‌رود و روز بعد سفر خود را آغاز می‌کند، است و در نهایت x_t یک متغیر باینری است که در صورتی که سفر t انتخاب شود مقدار یک می‌گیرد در غیر این صورت مقدارش صفر است [۴]. حالت کلی فرمول‌بندی این مسئله بدین صورت است:

$$\min \sum_{t \in T} (M + \lambda_t) x_t \quad (1-2)$$

$$s.t \quad \sum_{t \in T} \alpha_{it} x_t = 1 \quad i \in C \quad (2-2)$$

$$\sum_{t \in \bar{k}} \beta_{ht} + x_t = 2w_h \quad h \in H \quad (3-2)$$

$$\sum_{t \in \Delta(s)} x_t \leq |\Delta(s)| \left(\sum_{t \in \psi(s)} x_t \right) \quad s \subseteq H \setminus \{0\} \quad (4-2)$$

$$x_t \in \{0, 1\}, w_h \in Z \quad (5-2)$$

تابع هدف؟؟ تعداد سفر و طول کل سفر را کمینه می‌کند که در آن یک عدد بزرگ M به هر یک از سفرهای انتخاب شده اضافه می‌شود.

محدودیت؟؟ نشان می‌دهد که تمام شهرها دقیقاً یکبار بازدید می‌شوند.

محدودیت؟؟ نشان می‌دهد شروع و پایان هر سفر در یک هتل خاص است.

محدودیت؟؟ از تشکیل زیرتور جلوگیری می‌کند، که در آن $\Delta(s)$ سفرهایی است که شروع و پایان آنها در مجموعه S است اما $\psi(s)$ مجموعه سفرهایی است که یا شروع یا پایان آن در مجموعه S است و $S \subseteq H$ [۴]. حال به توضیح حالت کلی الگوریتم بهینه‌سازی پرندگان پرداخته می‌شود و در بخش بعدی این الگوریتم برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل بررسی می‌شود.

۲-۲ حالت کلی الگوریتم بهینه‌سازی پرندگان مهاجر MBO

الگوریتم بهینه‌سازی پرندگان مهاجر^۱ یک روش جستجوی محلی است که با در نظر گرفتن یک جواب اولیه مربوط به پرندگانی که به صورت V دور هم قرار می‌گیرند، آغاز می‌شود. با شروع از جواب اولیه و حرکت هر پرنده به سمت دم

^۱Migrating Birds Optimization

پرنده دیگر جواب نسبت به جواب همسایگی بهبود می‌یابد، بطوری‌که اگر جواب همسایه بهتر باشد جایگزین جواب فعلی می‌شود. زمانی‌که تمام جواب‌ها توسط همسایگی‌ها بهبود یافتند این روش چندین بار تکرار می‌شود تا جواب اولیه بهینه شود و جواب بعدی وارد حلقه بعد می‌شود و الگوریتم بعد از تعدادی تکرار متوقف می‌شود. ابتدا فرض کنید n تعداد جواب‌های اولیه پرندگان، k تعداد جواب‌های همسایه، x تعداد جواب‌های همسایه که با جواب‌های بعدی به اشتراک گذاشته می‌شود، m تعداد تورها و K محدودیت تکرار است. الگوریتم؟؟ روال کلی روش بهینه‌سازی مهاجرت پرندگان را نشان می‌دهد.

الگوریتم ۱-۲ الگوریتم بهینه‌سازی مهاجرت پرندگان [؟].

1. Generate n initial solutions in a random manner and place them on an hypothetical V formation arbitrarily
 2. $i=0$
 3. **while** ($i < k$) **do**
 4. **for** ($j=0; j < m; j++$) **do**
 5. Try to improve the leading solution by generating and evaluating k neighbors of it
 6. $i=i+K$
 7. **for each solution** s_r **in the flock (except leader) do**
 8. Try improve s_r by evaluating $(k-x)$ neighbors of it and x unused best neighbors from the solution in the front
 9. $i= i+ (k- x)$
 10. **end for**
 11. **end for**
 12. Move the leader solution to the end and forward one of the solutions following it to the leader position
 13. **end while**
 14. return the best solution in the flock
-

الگوریتم MBO شباهت زیادی به حرکت دست جمعی پرندگان دارد. شایع‌ترین سبک پرواز پرندگان به صورت V است. دلیل این سبک پرواز این است که در انرژی صرفه‌جویی می‌شود. پرنده رهبر بیشترین انرژی را صرف می‌کند و دیگر پرندگان با انرژی باد تولید شده توسط حرکت بال‌هایشان حرکت می‌کنند. پرندگان به دلیل طول بال‌های متفاوت به اشکال مختلف در حالت V حرکت می‌کنند به اینصورت که پرنده رهبر در جلو مسیر را انتخاب کرده و دیگر پرندگان در فاصله و زاویه خاصی از پرنده رهبر و با بررسی بهترین جا نسبت به خود و دیگر پرندگان جواب بهینه تولید می‌کنند [؟].

۳-۲ حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل با الگوریتم مهاجرت پرندگان

برای حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل از الگوریتم مهاجرت پرندگان (MBO)^۱ که توسط دامن^۲ ارائه شده است، استفاده می شود [؟]. مدل بندی مسئله همان مدل بندی ونستن و جن^۳ و همکارانش است [؟] با این تفاوت که محدودیت ؟؟ به صورت زیر تغییر می کند و در این مدل بندی x_{ij}^d همان $x_{kl}d$ در مدل بندی ونستن و جن است. که در آن زمانی برای سرویس دهی در نظر گرفته شده است.

$$\sum_{i,j \in A} (C_{ij} + \tau_j) x_{ij}^d - \sum_{i \in A} C_{ih} x_{ih}^d \leq L \quad d = 1, \dots, d \quad (6-2)$$

دلیل این تغییر آن است که در دنیای واقعی زمان رفتن از آخرین شهر به هتل به عنوان زمان کاری در نظر گرفته نمی شود بنابراین باید نادیده گرفته شود.

۱-۳-۲ الگوریتم مهاجرت پرندگان برای TSPHS

الگوریتم MBO برای TSPHS در تکرار اول شبیه به الگوریتم ؟؟ عمل می کند. به این صورت که یک جواب اولیه تولید می کند در ابتدا الگوریتم مهاجرت پرندگان را برای مسئله فروشنده دوره گرد در یک تکرار اجرا می کند در ادامه برای هر تور یک هتل انتخاب می کند بررسی می کند که جواب شدنی باشد اگر شدنی نبود با عملگر جهش جواب را به سمت شدنی حرکت می دهد بعد از چند تکرار جواب بهینه بدست می آید. این الگوریتم به صورت ؟؟ است:

^۱Migrating birds optimization

^۲Duman

^۳Vensteenwegen

الگوریتم ۲-۲ الگوریتم مهاجرت پرندگان برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل [؟].

1. Generate initial solutions (P)
2. **while** stopping criterion not met **do do**
3. implement MBO for tsp in one iteration
4. **for** each tour, select its related hotels (ph) **do do**
5. **while** each ph is infeasible **do do**
6. mutate p and make new ph
7. **end while**
8. **end for**
9. replace the best solution in the head
10. change Ph to p
11. **end while**
12. select hotel for the tour on the head

در [؟] نمونه‌ای از مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل را با الگوریتم مهاجرت پرندگان حل شده است و با جواب های دقیق مقایسه شده اند. جدول؟؟ ستون اول نمونه های مدنظر در [؟] است و ستون دوم جواب دقیق (ES) هزینه ها،

جدول ۲-۱: مقایسه جواب دقیق (ES) و MBO (زمان در ثانیه)

Instance	ES Cost	ES Time	MBO Cost	MBO Tme
<i>berlin</i> ۱۰	۲۰۰۱۸	۱۰/۸۶۱۱۵	۲۰۱۳	۳/۱۵۱
<i>berlin</i> ۱۲	۳۰۰۲۴	۱۱/۰۶۹۳	۳۰۰۱۶	۶/۴۰۶
<i>berlin</i> ۱۳	۳۰۰۲۶	۱۱/۴۶۸۲۱	۳۰۰۱۷	۵/۵۸۹
<i>berlin</i> ۱۵	۴۰۰۳۴	۱۱/۵۱۲۲۳	۴۰۰۲۲	۱۴/۳۱۳
<i>berlin</i> ۱۹	۵۰۰۵۳	۱۲/۳۰۸۹۸	۵۰۰۳۴	۵۶/۸۵۳
<i>berlin</i> ۲۰	۵۰۰۵۱	۱۲/۹۵۲۹۹	۵۰۰۳۷	۴۸/۹۴۳
<i>berlin</i> ۲۵	۶۰۰۵۹	۱۴/۱۹۴۶	۶۰۰۳۸	۱۹۱/۵۸۹
<i>berlin</i> ۲۶	۷۰۰۶۲	۱۷/۶۷۲۱۶	۷۰۰۳۷	۱۰۰۰/۴۷
<i>berlin</i> ۲۷	۷۰۰۰۶۳	۲۳/۴۴۱۸۱	۷۰۰۳۶	۱۰۰۱/۴۱

ستون سوم زمان صرف شده برای جواب های دقیق، ستون چهارم هزینه به دست آمده از الگوریتم مهاجرت پرندگان و ستون پنجم زمان صرف شده برای اجرای الگوریتم مهاجرت پرندگان است.

۴-۲ کاربرد از مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل

در [؟] کاربرد توریستی مسئله فروشنده دوره گرد بیان شده است به این صورت که به بازدید از ۱۹ مقصد توریستی در لنکاوی پرداخته می شود. از آنجایی که به دنبال یافتن بهترین مسیر به منظور به حداقل رساندن هزینه های سفر بودند یک انتخاب

خوب مسیر برای توریست ها اهمیت ویژه ای در مقدار هزینه سفر و زمان سفر دارد. هزینه های موجود در سفر عبارت اند از: هزینه کرایه وسیله نقلیه، بنزین واسکان برای استراحت. شکل کلی این جزیره به صورت شکل؟؟ است:



شکل ۱-۲: جزیره کداه لنکاوی

آنها یک مدل ریاضی مشابه با مساله فروشنده دوره گرد (TSP) برای مساله را در نظر گرفتند. مساله را بدین صورت فرض کردند که ۱۹ مقصد موجود است که مقصد اول و آخر آن یکسان و جزیره کداه لنکاوی است، زمان رفتن به هر مقصد را بر حسب دقیقه می دانستند برای این بازدید چهار روز مدنظرشان بود که به جز روز آخر که به جزیره برمی گشتند سه شب دیگر برای استراحت نیاز به اسکان داشتند. فرمول بندی آن بدین صورت است:

$$\min \left(\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n d_{ij} x_{ij} \right) / 600 \quad (7-2)$$

$$s.t \quad \sum_{i=1}^n x_{ij} = 1; \quad j = 1, 2, \dots, n, \quad i \neq j \quad (8-2)$$

$$\sum_{j=1}^n x_{ij} = 1; \quad i = 1, 2, \dots, n, \quad j \neq i \quad (9-2)$$

$$u_i - u_j + n x_{ij} \leq n - 1; \quad i \neq j; i = 2, 3, \dots, n; \quad j = 2, 3, \dots, n \quad (10-2)$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\}; \quad \forall i, j = 1, 2, \dots, n \quad (11-2)$$

با

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{در صورتی که یک مسیر از مقصد } i \text{ به } j \text{ موجود باشد} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

که متغیرهای بالا به صورت زیر تعریف می‌شوند:

سفر و زمان سفر از مقصد توریستی i به مقصد توریستی j $d_{ij} =$

شماره دنباله مقصد توریستی i در این سفر $u_i =$

شماره دنباله مقصد توریستی j در این سفر $u_j =$

معادله (؟؟) کل سفر و زمان بازدید از سفر در یک روز را کمینه می‌کند. یعنی پس از ۱۰ ساعت (۶۰۰ دقیقه) گردشگران هتلی برای استراحت انتخاب می‌کنند.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که گردشگران یک بار به هر مقصد توریستی وارد می‌شوند.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که گردشگران هر مقصد توریستی را یک بار ترک می‌کنند.

و در نهایت محدودیت (؟؟) برای جلوگیری از تشکیل زیر تور است.

در صورتی که گردشگران با استفاده از مسیر منظم و بدون استفاده از مدل TSP و با بکارگیری از تجارب و اطلاعات فردی مسیر خود را انتخاب کنند کل هزینه سفر $RM1191/10$ می‌شد. اما با استفاده از مدل TSP هزینه گردشگران برای بازدید از تمام مقصد های توریستی در چهار روز با هزینه‌های کلی سفر که شامل هزینه کرایه وسیله نقلیه، بنزین و محل اقامت می‌شود به مقدار $RM856/55$ شد. بنابراین مدل TSP برای کمک به گردشگران در انتخاب بهترین مسیر که کل هزینه سفر را به حداقل برساند مناسب است. اما در انتخاب اسکان برای هرروز به خوبی عمل نمی‌کند و برای آن باید محدودیت‌هایی تعریف کرد که در انتهای هرروز یک اسکان نزدیک به آخرین مکان بازدید شده یافت و روز بعد ادامه مکان‌ها را بازدید کرد. برای حل این مساله می‌توان از مدل مساله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل که در فصل بعد ذکر شده، استفاده کرد [۴].

فصل ۳

الگوریتم ممیتیک برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل

این فصل دربرگیرنده توضیح روش حل مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل است [؟]. در بخش اول به توصیف مسئله و مدل سازی ریاضی آن پرداخته شده است. بخش دوم الگوریتم ممیتیک برای مسئله توضیح داده شده است بخش سوم عملگرهای الگوریتم ممیتیک که خود شامل زیربخش هایی از جمله روش ساخت، تولید جمعیت اولیه، انتخاب و تقاطع، تنوع و جهش، بهبود فرزندان و بروز رسانی جمعیت و چک نسل ها است. در بخش چهارم جستجوی ممنوعه برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل ارائه شده است.

۱-۳ توصیف مسئله

این مساله شامل یک مجموعه ناتهی H از هتل ها و یک مجموعه C از شهرها است که به صورت یک گراف کامل $G = (V, A)$ تعریف شده است، به طوری که V و A به صورت زیر تعریف شده اند:

$$V = H \cup C, \quad A = \{(i, j) | i, j \in V, i \neq j\}$$

هر شهر $i \in C$ نیاز به یک زمان سرویس دهی τ_i (با $\tau_i = 0$) دارد. C_{ij} مدت زمان مورد نیاز برای سفر از موقعیت i به j است. هدف به حداقل رساندن زمان رفت و برگشت برای بازدید تمام شهرها و همچنین به حداقل رساندن کل زمان تور است. هتل ابتدایی و انتهایی از تور یکسان در نظر گرفته می شوند ($i = 0$), همچنین از این هتل می توان در طول تور نیز استفاده کرد. منظور از 'سفر' تور یک روز است که دارای ویژگی های زیر است:

- در هر سفر شروع و پایان باید در یکی از هتل های موجود باشد.
- سفر نباید از زمان در نظر گرفته شده بیشتر باشد.
- هر سفر باید در هتلی که سفر قبلی در آن پایان گرفته شده شروع شود.

از آنجایی که هیچ محدودیتی در انتخاب هتل وجود ندارد، یک جواب برای TSPHS^۱، لزوماً یک دور نیست. قبل از بیان مدل برنامه ریزی خطی کاستور به بیان مدل برنامه ریزی ونستن و جن و همکارینش می پردازیم [۴]. که در مدل ریاضی ونستن و جن یک مجموعه با $s + 1$ هتل ($i = 0, \dots, s$) و n شهر ($s + 1, \dots, s + n$) داریم. تعداد سفرها از فرمول زیر بدست می آید:

$$m = \sum_{i=s+1}^{s+n} \frac{T_i}{C} \quad (1-3)$$

که در آن T_i زمان اختصاص داده شده برای بازدید از هر شهر و C محدودیت زمانی در نظر گرفته شده برای هر سفر $d = m, 1, \dots$ است. که T_i متناظر با τ_i و C متناظر با L که حد بالا برای سفر در مدل برنامه ریزی خطی کاستور است. مدل

^۱Travelling salesperson problem with hotel selection

برنامه‌ریزی خطی صفر و یک مسئله به صورت زیر است:

$$\min \sum_{d=1}^m \sum_{k=0}^{s+n} \sum_{l=0}^{s+n} x_{kld} c_{kl} \quad (2-3)$$

$$s.t \quad \sum_{d=1}^m \sum_{k=0}^{s+n} x_{kld} = 1, i = s+1, \dots, s+n \quad (3-3)$$

$$\sum_{k=0}^{s+n} x_{kld} = \sum_{l=0}^{s+n} x_{ild}, d = 1, \dots, m; i = s+1, \dots, s+n \quad (4-3)$$

$$\sum_{h=0}^s \sum_{k=0}^{s+n} x_{khd} = \sum_{h=0}^s \sum_{l=0}^{s+n} x_{hld} = 1, d = 1, \dots, m \quad (5-3)$$

$$\sum_{k=0}^{s+n} \sum_{l=0}^{s+n} (x_{kld} (c_{kl} + T_l)) \leq C, d = 1, \dots, m \quad (6-3)$$

$$\sum_{l=0}^{s+n} x_{0l1} = \sum_{k=0}^{s+n} x_{k0m} = 1 \quad (7-3)$$

$$\sum_{k=0}^{s+n} x_{khd} = \sum_{l=0}^{s+n} x_{hld+1}, d = 1, \dots, m-1; h = 0, \dots, s \quad (8-3)$$

$$u_i - u_j + 1 \leq (n-1) \left(1 - \sum_{d=1}^m x_{ijd} \right) \quad (9-3)$$

$, i = s+1, \dots, s+n; j = s+1, \dots, s+n$

$$x_{ijd} \in \{0, 1\}, d = 1, \dots, m \quad i = 0, \dots, s+n \quad j = 0, \dots, s+n \quad (10-3)$$

$$u_i \in 1, \dots, n \quad i = s+1, \dots, s+n \quad (11-3)$$

که در آن x_{kld} برابر یک است اگر در سفر d از یک شهر یا هتل k یا از یک شهر یا هتل l ملاقات شود، در غیراین صورت برابر صفر است. همان x_{ij}^d در مدل‌بندی کاستور است که بعداً به معرفی آن می‌پردازیم. u_{id} نشان‌دهنده موقعیت شهر

i در سفر d است. مدل‌سازی بالا به شرح زیر است:

تابع هدف (؟؟) تعداد سفر و کل مسافت را کمینه می‌کند.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد از هر شهر فقط یکبار بازدید می‌شود.

محدودیت (؟؟) رفت و برگشت از هر سفر را تضمین می‌کند.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که شروع هر سفر و پایانش در یکی از هتل‌های موجود است.

محدودیت (؟؟) یک حد بالا برای طول سفر مشخص می‌کند.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که شروع و پایان تور در هتل صفر است.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که اگر یک سفر در یک هتل مشخص به پایان برسد، سفر بعدی از همان هتل شروع می‌شود.

محدودیت (؟؟) از تشکیل زیرتور جلوگیری می‌کند. این محدودیت با توجه به فرمولبندی میلر-تاکر-زملین،^۱ است. مدل‌سازی که در ادامه خواهد آمد همان مدل‌سازی بالا با این تفاوت است که برای هر یک از محدودیت‌های (؟؟)، (؟؟) و (؟؟) دو محدودیت تعریف کرده و یک محدودیت دیگر برای نشان دادن اینکه سفرها در روزهای متوالی شکل می‌گیرد، دارد.

فرض کنید D حداکثر تعداد سفرهای موجود در جواب باشد. برای به حداقل رساندن تعداد سفرها، یک ضریب M به طور کافی بزرگ، در تابع هدف ضرب می‌شود.

فرض کنید x_{ij}^d یک متغیر دودویی با مقدار یک باشد، اگر در سفر d یک شهر یا هتل i یا یک شهر یا هتل j ملاقات شود، در غیر اینصورت مقدار آن صفر است. همچنین فرض کنید متغیر دودویی y^d ، مقدار یک داشته باشد، اگر در سفر d حداقل یک شهر یا هتل ملاقات شده باشد، در غیر اینصورت مقدار آن صفر می‌شود، اگر هیچ سفری در روز d به منظور ملاقات از تمام شهرها نیاز نباشد. در تابع هدف فرمول‌بندی IP موجود به ترتیب متغیرهای x_{ij}^d و y^d برای عبارات ریاضی استفاده

^۱Miller-Tucker-Zemlin

می‌کند و این مسئله به صورت زیر مدل‌بندی می‌شود:

$$\min M \sum_{d=1}^D y_d + \sum_{d=1}^D \left(\sum_{(i,j) \in \mathbf{A}} C_{ij} x_{ij}^d \right) \quad (12-3)$$

$$s.t \quad \sum_{d=1}^D \sum_{i \in \mathbf{V}} x_{ij}^d = 1, j \in \mathbf{C} \quad (13-3)$$

$$\sum_{i \in \mathbf{V}} x_{ij}^d = \sum_{i \in \mathbf{V}} x_{ji}^d, j \in \mathbf{C}, d = 1, \dots, D \quad (14-3)$$

$$\sum_{h \in \mathbf{H}} \sum_{j \in \mathbf{V} \setminus \{h\}} x_{hj}^d = y^d, d = 1, \dots, D \quad (15-3)$$

$$\sum_{h \in \mathbf{H}} \sum_{j \in \mathbf{V} \setminus \{h\}} x_{ih}^d = y^d, d = 1, \dots, D \quad (16-3)$$

$$\sum_{(i,j) \in \mathbf{A}} (C_{ij} + \tau_j) x_{ij}^d \leq L, d = 1, \dots, D \quad (17-3)$$

$$\sum_{V \setminus \{o\}} x_{\cdot j}^1 = 1 \quad (18-3)$$

$$\sum_{i \in \mathbf{V} \setminus \{o\}} x_{i \cdot}^d \geq y^d - y^{d+1}, d = 1, \dots, D \quad (19-3)$$

$$\sum_{i \in \mathbf{V}} x_{ih}^d + y^d \geq \sum_{i \in \mathbf{V}} x_{hi}^{d+1} + y^{d+1}, h \in \mathbf{H}, d = 1, \dots, D \quad (20-3)$$

$$\sum_{i \in \mathbf{V}} x_{ih}^d - \sum_{i \in \mathbf{V}} x_{hi}^{d+1} \leq 1 - y^{d+1}, h \in \mathbf{H}, d = 1, \dots, D-1 \quad (21-3)$$

$$x_{ij}^d \leq y^d, (i, j) \in \mathbf{A}, d = 1, \dots, D \quad (22-3)$$

$$y_d \geq y^{d+1}, d = 1, \dots, D-1 \quad (23-3)$$

$$\sum_{i \in \kappa} \sum_{j \in \kappa \setminus \{i\}} x_{ij}^d \leq |\kappa| - 1, \kappa \subset \mathbf{C}, 2 \geq |\kappa| \leq |\mathbf{C}| - 1, d = 1, \dots, D \quad (24-3)$$

$$x_{ij}^d \in \{0, 1\}, (i, j) \in \mathbf{A}, d = 1, \dots, D \quad (25-3)$$

$$y^d \in \{0, 1\}, d = 1, \dots, D \quad (26-3)$$

مدل‌سازی بالا به شرح زیر است:

تابع هدف (؟؟) تعداد سفر وکل مسافت را به حداقل می‌رساند.

محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که هر شهر یک بار بازدید دارد.

محدودیت (؟؟) رفت و برگشت از هر سفر را تضمین می‌کند.

محدودیت (؟؟) و (؟؟) نشان می‌دهد که شروع هر سفر و پایانش در یکی از هتل‌های موجود است.

محدودیت (؟؟) یک حد بالا برای طول سفر مشخص می‌کند.
 محدودیت (؟؟) و (؟؟) نشان می‌دهد که شروع و پایان تور در هتل صفر است.
 محدودیت (؟؟) و (؟؟) نشان می‌دهد اگر سفری در هتلی پایان یابد سفر بعدی در همان هتل شروع می‌شود.
 محدودیت (؟؟) یک سفر انتخاب می‌شود اگر و تنها اگر مراجعه به شهر یا هتل در طول یک روز وجود داشته باشد. محدودیت (؟؟) نشان می‌دهد که سفرها در روزهای متوالی شکل می‌گیرد.
 محدودیت (؟؟) یک زیرتور کلاسیک شامل زیرمجموعه‌های K_i از مجموعه شهرهای C ، با حذف محدودیت‌های به کار برده شده در هر سفر بدست می‌آید. در نظر داشته باشید که چون یک جواب شدنی از TSPHS ممکن است شامل دوره شروع و پایان در همان هتل باشد، زیرمجموعه‌های K_i با حذف زیرتور در محدودیت (؟؟) فقط شامل شهرها است.
 در نهایت محدودیت (؟؟) و (؟؟) ثابت‌های دودویی برای متغیرهای x_{ij}^d و y^d است. حال این مساله را با یک روش فوق ابتکاری بررسی می‌کند، این بحث در دو سطح تصمیم‌گیری انتخاب هتل و مسیریابی عمل می‌کند که تصمیم انتخاب هتل با استفاده از الگوریتم ممیتیک و مسیریابی یا یک روش جستجوی ممنوعه ساخته می‌شود.

۲-۳ الگوریتم ممیتیک برای TSPHS

در این بخش، روش فراابتکاری برای حل مسئله فروشنده دوره‌گرد با انتخاب هتل بیان می‌شود. این روش، دو هدف مختلف انتخاب هتل و مسیریابی شهرها را مورد بررسی قرار می‌دهد. همانطور که در بخش ؟؟، گفته شد یک تور شروع و پایانش در هتل از قبل تعریف شده است. انتخاب هتل در انتهای هر سفر بسیار مهم است، زیرا باید با یک انتخاب درست زمان سفر را تا جای ممکن به حداقل رساند. هتل‌ها به صورت یک دنباله $(H_s = \langle h_r \rangle, h_r \in H)$ است، در این دنباله در هر تکرار ممکن است بیش از یکبار از هر هتل استفاده شود. به نظر می‌رسد که انتخاب هتل تاثیر زیادی در کیفیت جواب نهایی دارد [؟] [؟]. در اینجا، انتخاب هتل با استفاده از الگوریتم ممیتیک (MA)^۱، [؟] و مسیریابی واقعی از شهرها با یک روش جستجوی ممنوعه TS ^۲، در MA استفاده می‌شود [؟] [؟].

هرگاه یک الگوریتم مبتنی بر جمعیت همانند الگوریتم ژنتیک با یک الگوریتم جستجو محلی ترکیب شود، به الگوریتم حاصل، الگوریتم ممیتیک گویند. الگوریتم ممیتیک، یک الگوریتم تکاملی است که در آن جواب با استفاده از یک یا چند عملگر جستجوی محلی بهبود می‌یابد. این الگوریتم به طور معمول کروموزوم‌های ادغام شده را که جمعیت نامیده می‌شود و با P نمایش داده می‌شود، نگه می‌دارند یعنی جواب‌ها را نمایش می‌دهند. در الگوریتم ممیتیک یک کروموزوم به صورت دنباله‌ای از هتل‌ها است که در آن جواب، بازدید از هتل‌ها است. کیفیت کروموزوم به طور مستقیم متناظر با کیفیت تور TSPHS تولید شده توسط جستجوی ممنوعه است.

الگوریتم ؟؟، جزئیات الگوریتم ممیتیک با استفاده از شبه کد است، که نیاز به دو پارامتر مشخص دارد.

۱. G_{max} : حداکثر تعداد نسل که تعریف معیار توقف الگوریتم است.

^۱Memetic Algorithm

^۲Tabu Search

الگوریتم ۳-۱ الگوریتم ممتیک برای مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل.

1. initialisation
 2. generation of initial population (P)
 3. **while** stopping criterion not met **do**
 4. select: p_1 and p_2 from P
 5. crossover: $p_1 \otimes p_2 \rightarrow o_1, o_2$
 6. **for** each offspring o **do**
 7. **while** o is not diverse enough **do**
 8. mutate o
 9. **end while**
 10. improve with tabu search
 11. replace according to established criteria
 12. **end for**
 13. **end while**
-

۳-۲-۱ عملگرهای الگوریتم ممتیک

در این بخش، دوروش ساخت برای تولید تورهای TSPHS ارائه شده است. روش اول به ساخت یک تور از دنباله ای از شهرها و روش دوم به ساخت یک تور از دنباله ای از هتل ها می پردازد. هر دوروش توسط MA در مراحل مختلف الگوریتم مورد استفاده قرار می گیرد.

روش ساخت C1 : یک دنباله از شهرها داریم، بدون در نظر گرفتن محدودیت زمانی با بازدید شهرها پرداخته می شود. روش ساخت اول، به تولید یک تور شدنی TSPHS که نسبت به تور TSP بهتر است و شروع و پایان تور در هتل از پیش تعریف شده و تمام شهرها ملاقات می شوند، در حالیکه محدودیت زمانی نادیده گرفته می شود، می پردازد. این تور، به صورت $\theta = \langle s_0, s_1, \dots, s_n \rangle$ تعریف می شود (که s_0 هتل ابتدایی و انتهایی و s_1, \dots, s_n شهرها هستند) که بطور کلی برای TSPHS شدنی است.

روش ساخت C1 بهترین دنباله از هتل های بهینه تور TSP افزاز شده به سفر های ممکن را تعیین می کند. روش ساخت افزاز بندی شده گراف حاصل از ساخت روش اول، حاوی حداکثر $mn + 1$ گره است که $m = |H|$ و $n = |C|$ اولین گره در گراف تولید شده، هتل شروع با اندیس صفر است. تمام گره های دیگر مرتبط با ترکیبی از شهرها و هتل هاست. گره i^p را متناظر با توقف در هتل p برای ملاقات i امین شهر در تور s_i تعریف می کنیم. گره نهایی در گراف معین، n° است، برای ورود به آخرین هتل (هتل صفر)، بعد از ملاقات n امین شهر در تور s_n است. اگر یک سفر از هتل p برای بازدید از شهرهای تور s_{i+1} به s_j پس از رسیدن به هتل q امکان پذیر باشد یال (i^p, j^q) به گراف اضافه می شود. طول یال (i^p, j^q) مجموعه

زمان مورد نیاز برای سفر از i^p به j^q از طریق شهرها تور s_{i+1} به s_j و زمان بازدید است، که به صورت زیر است.

$$C_{ps_{i+1}} + \sum_{v=i+1}^{j-1} (C_{s_v s_{v+1}} + \tau_{s_v}) + \tau_{s_j} + C_{s_j q}$$

پس از آن روش افراز شده یک مسیر از صفر به n_0 را با استفاده از یال (i^p, j^q) تعیین می کند. روش افراز بندی، از الگوریتم دیجسترا به صورت متوالی با به حداقل رساندن تعداد یال ها و طول کل سفر استفاده می کند.

روش ساخت C2: در این روش دنباله ای از هتل ها را داریم، با توجه به محدودیت زمانی شهرها را در مسیر بین هتل ها جا داده و در هر سفر تعدادی شهر را بازدید می کنیم.

ساخت روش دوم، یک تور TSPHS از یک دنباله داده شده از هتل های H_s ایجاد می کند. تعداد سفر ها، جواب TSPHS است که با k تعریف می شود، بطوریکه $k = |H_s| + 1$. با توجه به کافی نبودن تعداد هتل ها ممکن است که یک دنباله از هتل ها با توجه به نتایج جواب TSPHS نشدنی باشد. در این صورت یک جواب نشدنی بدست آمده است، که با روش جستجوی ممنوعه بهبود می یابد.

روش C2 برای اولین بار یک مجموعه ای از K سفرهای خالی را ایجاد می کند که توسط H_s اعمال می شود. شهرها با استفاده از اکتشافات متوالی کریستوفیدس^۱ و همکارانش به تور اضافه می شود [۸].

این روش با قرار دادن تک تک شهرها در اولین سفر، تا زمانی که محدودیت زمانی برقرار است انجام می شود، به همین ترتیب با سفر دوم ادامه می دهد. در نهایت، هر سفر با استفاده از عملگر 3-opt بهبود پیدا می کند [۹]. این عملگر سه یال از جواب فعلی را حذف می کند و از بین هشت روش ممکن، بهترین سفر را ارائه می دهد. در ادامه تولید جمعیت اولیه و همین طور تقاطع و جهش و بهبود و به روز رسانی جمعیت اولیه را شرح می دهیم.

۳-۲-۱- تولید جمعیت اولیه

اولین مرحله از الگوریتم ممیتیک، تولید کروموزوم P_s برای جمعیت اولیه است. برای هر عضو $[z]$ از جمعیت، نمایش دنباله برداری از هتل ها H_s^j ، یک تور S^j وابسته وجود دارد.

اولین عضو جمعیت H_s^1 با استفاده از روش ساخت C1 که جواب شدنی برای TSPHS را تضمین می کند، تولید می شود. جواب، اغلب یک جواب خوب است، بنابراین حد بالای خوبی را فراهم می کند، یعنی $|H_s^1| + 1$ حد بالایی برای سفرهایی که جواب بهینه دارند، است. برای بعضی موارد، روش ساخت C1 یک جواب شامل تنها یک سفر تولید می کنند، بطوریکه جواب بهینه TSPHS بطور اتفاقی با یک تور ساده TSP برابر است، الگوریتم ممیتیک بلافاصله پس از جواب بدست آمده به پایان می رسد. بدون بهینه سازی بیشتر، تور TSP از روش ساخت C1 بدست آمده است، در صورتیکه اولین عضو از جمعیت، H_s^1 شامل بیش از یک سفر است، $1 - P_s$ کروموزوم شامل $|H_s^1|$ هتل ها، با جمعیت اضافی است. با توجه به این واقعیت که روش ساخت C1 قطعی است، نمی توان آن را برای تولید جواب های دیگر H_s^1 مورد استفاده قرارداد.

^۱Christofides

بنابراین جمعیت اولیه با استفاده از روش ساخت C2 بدست می‌آید. که در این روش $P_s - 1$ دنباله تصادفی از هتل $|H_s|$ است، نتایج در $P_s - 1$ جواب TSPHS مختلف، استفاده می‌شوند. در نهایت هر جواب در جمعیت با استفاده از روش جستجوی ممنوعه بهبود یافته‌اند.

۲-۱-۲-۳ انتخاب و تقاطع

پس از تشکیل جمعیت اولیه، نسل جدید توسط جفت‌گیری اعضای جمعیت تولید می‌شوند. اعضای جمعیت جفت‌گیری، والدین نام دارند. در الگوریتم ممتیک، انتخاب والدین با استفاده از روش باینری انجام می‌شود. به طور تصادفی دو عضو از جمعیت، h_1 و h_2 به عنوان اولین والد P_1 در نظر گرفته می‌شوند. سپس دو عضو دیگر به طور مشابه به عنوان دومین والد P_2 انتخاب می‌شوند. عملگر تقاطع تک نقطه‌ای است بطوریکه دنباله هتل‌های اعمال شده به والدین، به تولید فرزندان جدید O_1 و O_2 منجر می‌شود. عملگر تقاطع در شکل ۱۱ نشان داده شده است، که $h_{p_j}^i$ ، i امین هتل از دنباله هتل‌ها برای والدین P_j است.

در این عملگر تنها یک زیرمجموعه از هتل‌ها بین دو والد عوض می‌شوند، بعبارت دیگر یک دنباله از شهرها برای فرزند O_1 از والدین P_1 گرفته شده است در حالیکه دنباله دیگر از شهرها برای فرزند O_2 از والدین P_2 گرفته شده است. عملگر تقاطع ممکن است منجر به سفرهای نشدنی به دلیل تغییر هتل اولیه یا هتل پایانی از یک سفر شود که احتمال اینکه منجر به بیشتر شدن حداکثر زمان شود، وجود دارد که جستجو ممنوعه این جواب‌های نشدنی را بهبود می‌دهد.

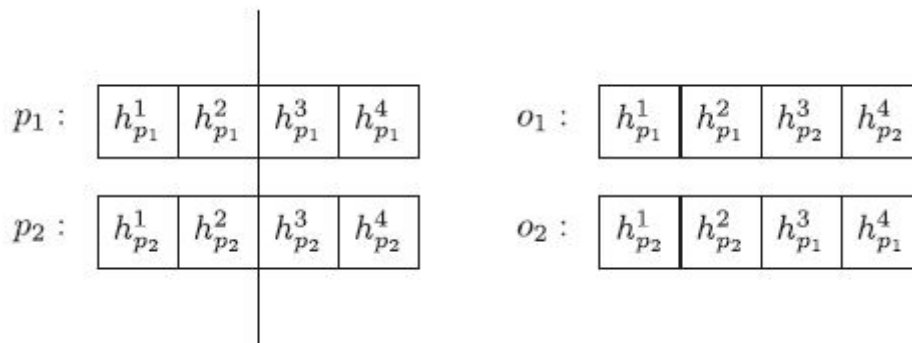
۳-۱-۲-۳ مدیریت جمعیت: تنوع و جهش

در حالت کلی معمولاً احتمال کمی وجود دارد که فرزندی خصوصیتی را دارا باشد که آن مشخصه جز خصوصیات ژنتیکی والدین نباشد. در این وضعیت، حالتی از جهش به وجود آمده است. اگر در هنگام عمل جهش خصوصیتی برنده شود، این خصوصیت جدید شانس بروز در نسل‌های بعدی را پیدا می‌کند.

در این بخش فاصله به حداقل تعداد عملیات‌های ابتدایی مورد نیاز برای تبدیل یک دنباله هتل به دیگری برابر است با عملیات ابتدایی با حذف یک هتل و یا جایگزینی یک هتل با هتل دیگر تعریف شده است. فاصله بین دو کروموزوم H_i و H_j توسط $d(H_i, H_j)$ تعریف می‌شود و فاصله یک فرزند با دنباله هتل‌های H_0 از جمعیت P از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$d_p(H_0) = \min_{i \in P} d(H_0, H_i)$$

اخیراً تولید دنباله هتل H_0 در صورتی که $d_p|H_0| > \Delta$ به طور آزمایشی مورد قبول واقع شده است و Δ یک آستانه تنوع است. اگر $d_p|H_1| \leq \Delta$ ، دنباله H_0 جهش یافته به $d_p|H_0| > \Delta$ است، در حالیکه بطور تصادفی بجای یکی از هتل‌ها در H_0 هتل‌های دیگر جایگزین می‌شود. پارامتر Δ ، بستگی به تعداد سفرهای در جواب K و مجموعه K در طی الگوریتم



شکل ۳-۱: تقاطع تک نقطه‌ای

ممتیک است.

۴-۱-۲-۳ بهبود فرزندان و به روزرسانی جمعیت

پس از پذیرفته شدن هر دو فرزند O_1 و O_2 ، دنباله‌های جدید تولید شده و تورهای مربوطه با استفاده از روش جستجوی ممنوعه بهبود می‌یابند. با این حال، این جواب‌ها بهبود یافته، از بدترین جواب‌های موجود بهتر هستند. ب این صورت که بعد از تولید فرزندان قبل از اینکه وارد تکرار بعدی شود مشخص می‌کند که کدام فرزندان حق رفتن به نسل بعد را دارند. کروموزوم‌های نسل فعلی را در کنار فرزندان حاصل در نظر گرفته و آن‌هایی را که برحسب میزان تابع برازندگی که در اینجا کمینه کردن تعداد سفرها و طول کل تور محسوب می‌شود، را به‌صورت نزولی (از بزرگ به کوچک) مرتب می‌کند آنگاه به تعداد اندازه جمعیت کروموزوم ابتدایی لیست مرتب شده را به نسل بعد منتقل و باقی را از بین می‌برد.

۵-۱-۲-۳ چک کردن نسل‌ها

پس از هر تکرار الگوریتم ممتیک، بررسی می‌شود که یک جواب شامل تعداد کمتری از سفرها که k^* نامیده می‌شوند، باشد. در این صورت تمام اعضای جمعیت شامل $k^* + 1$ یا سفرهایی که بیشتر باشد، حذف می‌شوند و اعضای جدید جمعیت که شامل سفرهای k^* هستند، با استفاده از روش ساخت C2 تولید شده و با استفاده از روش جستجوی ممنوعه بهبود می‌یابند.

۳-۳ جستجوی ممنوعه

همانطور که در ابتدای این بخش گفته شد، روش جستجوی ممنوعه برای مسیریابی استفاده می‌شود. با توجه به جواب S ، جستجوی ممنوعه در اینجا شرح داده شده و هدف به حداقل رساندن تابع وزن است.

$$F(S) = \sum_{d=1}^D \sum_{(i,j) \in A} C_{ij} x_{ij}^d + \varphi \sum_{d=1}^D \left[\sum_{(i,j) \in A} (C_{ij} + \tau_j) x_{ij}^d - L \right]^+ \quad (27-3)$$

که در آن x_{ij}^d متغیر دودویی با مقدار یک است، اگر یال (i, j) در طول روز سفر d موجود باشد، در غیر این صورت مقدار آن صفر است و $[Z]^+ = \max(Z, 0)$. تابع وزن، مسافت کل طی شده در نظر گرفته می‌شود و یک جریمه در صورتی که محدودیت زمانی در نظر گرفته شده بیشتر شود، به تابع هدف اضافه می‌شود.

الگوریتم؟؟، شبه کد مربوط به روال جستجو ممنوعه را که یک پیاده سازی جستجوی ممنوعه استاندارد است، نشان می‌دهد. در شبه کد، \hat{S} نشان دهنده بهترین جواب شدنی یافت شده، است در حالیکه S^* مربوط به جواب، با بهترین مقدار تابع وزن $F(S)$ تاکنون یافت شده، است. ساختار همسایگی $N(S)$ بررسی توسط جستجوی ممنوعه است، که با اپراتورهای Relocate و Exchange تعریف شده است. مجموعه Γ ، نشان دهنده لیست کاندید هایی که ممکن است در یک تکرار حذف شوند و مجموعه Λ ، لیست حرکت ممنوعه در نظر گرفته شده است. لیست ممنوعه و لیست کاندیدا، یک مجموعه از تمام حرکت های ممکن است. روال جستجوی ممنوعه نیاز به یک جواب S اولیه و همچنین تعریف پنج پارامتر زیر را دارد:

- i_{max} : حداکثر تعداد تکرار بدون بهبود \hat{S} و S^* است.
- θ^+, θ^- : تعداد حداقل و حداکثر تکرارهای حرکت ممنوعه در نظر گرفته شده است.
- u_p : تکرار با عامل جریمه φ ، به روز شده است.
- u_c : تکرار با هر یک از سفرهای موجود در جواب فعلی دوباره بهینه سازی شده است.

```
1: procedure TABU SEARCH
2: initialisation: time= 0,  $\Lambda = \emptyset, S^* = S$ .
3: if S is feasible then
4:    $\hat{S} = S$ 
5: end if
6: while stopping criterion not met do
7:   increase iteration counter: time=time+1
8:   reset candidate list:  $\Gamma = \emptyset$ 
9:   for each possible move  $\mu \in N(S)$  do
10:    add  $\mu$  to the candidate list  $\Gamma$  according to tabu and spiratin conditions
11:   end for
12:   select best move:  $\mu_{best} = \arg \min_{\mu \in \Gamma} F(S \oplus \mu)$ 
13:   update solution:  $S = S \oplus \mu_{best}$ 
14:   update tabu list:  $\Lambda$ 
15:   if time mod  $u_c = 0$  then
16:     improve trips in S using  $3_{opt}$  operator
17:   end if
18:   reduce number of trips using  $JoinTrips$  operator
19:   update  $S^*$  and  $\hat{S}$  if applicable
20:   if time mod  $u_p = 0$  then update penalisation factor  $\varphi$ 
21:   end if
22: end while
23: end procedure
```

۱-۳-۳ عملگرهای جستجوی محلی

در این بخش با استفاده از سه نوع عملگر مختلف، جستجوی ممنوعه توسعه می یابد:

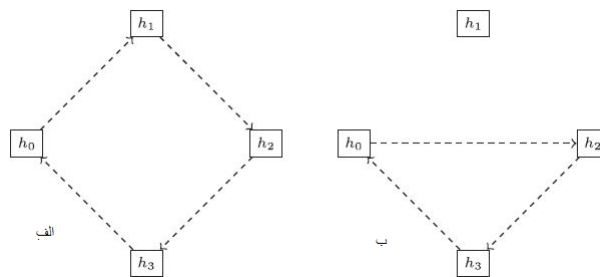
۱. سفرهای میانی عملگر سفرها 3-opt برای کوتاه کرن سفرهای موجود در جواب.

۲. دو عملگر سفر، Relocate و Exchange، برای یک یا دو مجموعه از شهرها.

۳. یک عملگر کاهش سفر، JoinTrips، برای ادغام دو سفر متوالی

عملگر Relocate، زنجیره ای از k_i تا شهر متوالی را از یک سفر حذف می کند و آن را در سفر دیگر قرار می دهد. عملگر Exchange، دو زنجیره ای از k_i تا شهرهای متوالی را به واسطه دو سفر مختلف جابجا می کند. در روش جستجوی ممنوعه برای هر دو عملگر مقدار k_i برابر ۳ در نظر گرفته شده است. وظایف عملگر جانسن به شرح زیر است:

یک تور شامل، k سفر و یک دنباله از هتل های مشابه $H_s = \langle h_1, \dots, h_{k-1} \rangle$ می شود. عملگر یک یا چند سفر متوالی را به هم متصل می کند، در حالیکه تضمین می شود جواب جدید شدنی است. در ساده ترین حالت، عملگر دو سفر متوالی i و $i+1$ را با حذف هتل میانی h_i به هم متصل می کند. در نتیجه تور بدست آمده شامل تنها $k+1$ سفر و دنباله ای از هتل های جدید $H_s = \langle h_1, \dots, h_{i-1}, h_{i+1}, \dots, h_{k-1} \rangle$ است. بنابراین هنگام پیوستن به سفر، عملگر JoinTrip با حفظ هتل های باقی مانده برای بازدید از شهرها است. شکل؟؟ یک تصویر گرافیکی از پیوستن دو سفر متوالی در یک مثال ساده که شامل شروع در هتل h_0 و سه هتل h_1, h_2, h_3 است، را فراهم می آورد. در شکل، مربع نشان دهنده هتل هاست در حالی که پیکان نشان دهنده مجموعه ای از شهرها که در هر سفر ملاقات می شوند، است. جواب اصلی در شکل؟؟ الف نشان داده شده است در حالیکه جواب پس از پیوستن به سفر اول و دوم با حذف هتل h_1 بدست آمده و در شکل؟؟ ب نشان داده شده است. جواب اصلاح شده به وضوح شامل سه سفر از چهار سفر است.



شکل ۲-۳: مثالی از JoinTrips (الف) تور قبل از جهش (ب) تور بعد جهش

۲-۳-۳ معیار توقف

اگر جستجوی ممنوعه، در طول تکرار i_{max} ، جواب بدتری نسبت به S^* یا \hat{S} داشته باشد، متوقف می شود.

۳-۳-۳ شرایط ممنوعه و معیار تنفس

لیست ممنوعه Λ ، مجموعه ای از جفت های (v, r) که در آن v شهر و r تعداد سفرهایی که ممنوع در نظر گرفته شده اند، است. اگر در هر تکرار، یک حرکت μ تغییر مکان شهرها v از سفر r به سفر دیگری باشد آنگاه جفت (v, r) را به لیست ممنوعه Λ ، برای تکرار بعدی اضافه می کنیم. پارامتر θ یک عدد صحیح تصادفی بین دو پارامتر θ^+ و θ^- مشخص شده، توسط کاربر است.

اگر سفری که ممنوع در نظر گرفته شده از تمام سفرهایی که تا حال یافت شده بهتر باشد، از ممنوعیت خارج شده و به عنوان بهترین سفر در نظر گرفته می شود و لیست ممنوعه به روز می شود. به عبارتی، هر حرکت μ ممکن، شامل حداقل یکی از جفت های موجود در Λ ، در θ تکرارهای بعدی، در نظر گرفته نمی شود. با این حال اگر جواب، نتیجه حرکت ممنوع به یک

جواب شدنی بهتر از \hat{S} از نظر تابع هدف؟؟ و یا به یک جواب بهتر از S^* از نظر تابع هدف؟؟ باشد آنگاه آن حرکت به لیست کاندید Γ اضافه می‌شود، در این حالت می‌گوییم که حرکت μ معیار توقف را برآورد می‌کند.

۴-۳-۳ حرکت های اکتشافی

ساختار همسایگی کامل $N(S)$ با جستجو ممنوعه در هر تکرار از همسایگی توسط عملگرهای Exchange و Relocate تعریف شده است. به عبارت دیگر در هر تکرار از روش جستجوی ممنوعه، هر دو همسایگی در دوره $O(n^2)$ بهترین حرکت شناسایی شده است.

۵-۳-۳ بهبود سفر و کاهش عملکرد سفر

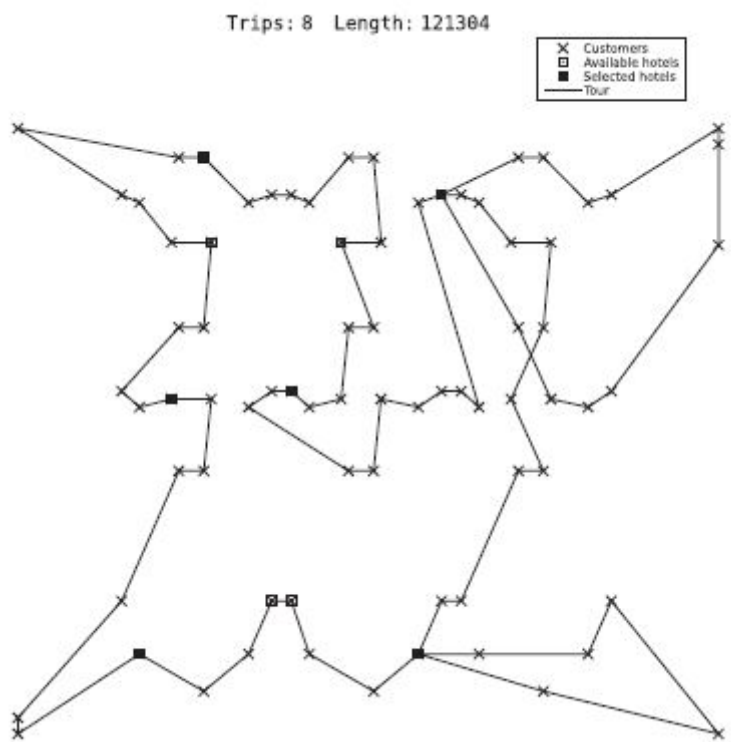
سفرهای موجود، در جواب S فعلی بهینه‌سازی شده است. دوره تناوب توسط پارامتر u_c : هر تکرار u_c ، سفرهایی که با استفاده از عملگرهای Exchange و Relocate اصلاح شده، بطور جداگانه با کمک عملگر 3-opt بهبود می‌یابد. برخلاف عملگر 3-opt عملگر JoinTrips، در هر تکرار اعمال می‌شود. بطور خاص در هر تکرار بررسی می‌شود که آیا امکان پیوستن به دو یا چند سفر متوالی در هر زمان امکان‌پذیر است.

۶-۳-۳ به روزرسانی عامل جریمه

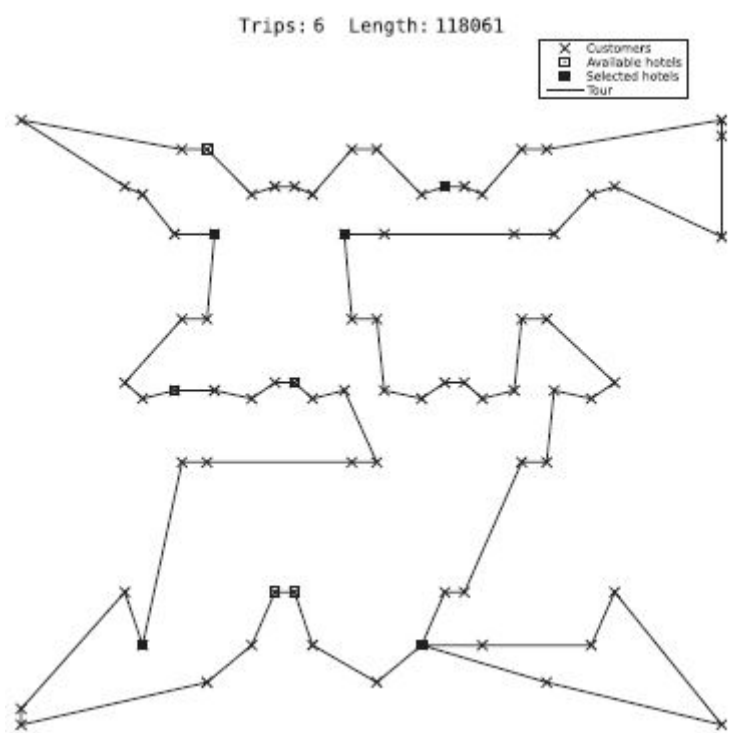
عامل φ ، جریمه در تابع وزن؟؟ به روزرسانی دوره ای شده است که کارکرد جندرا و همکارانش برای CVRP به شرح زیر است. هر تکرار u_p وضعیت جواب u_p قبلی را مورد بررسی قرار می‌دهد. اگر تمام این جواب ها شدنی باشند، آنگاه φ توسط یک عامل از ۲ کاهش می‌یابد. اگر جواب های قبلی u_p غیر شدنی باشند، آنگاه φ توسط یک عامل از ۲ افزایش می‌یابد. این به روزرسانی پویا از عامل جریمه اجازه می‌دهد که راهی بین فضای جواب های شدنی و نشدنی برگزیند. آزمایشاتی کاستور روی چهار مجموعه از موارد معرفی شده توسط ونستین و جن و همکارانش انجام داده است. نمونه‌های آزمایش شده در سایت <http://antor.ua.ac.be/tsphs> است. کاری که ونستین و جن و همکارانش بر روی داده‌ها و به صورت کم و زیاد کردن شهرها در روش‌های مختلف انجام دادند به این صورت است: برای حل مسئله از الگوریتم ممیک استفاده کرده‌اند، که این الگوریتم با جستجو ممنوعه بهبود داده است. الگوریتم ممیک را در دو سطح تصمیم‌گیری انتخاب هتل و مسیر یابی شهرها حل می‌کند. انتخاب هتل یک تصمیم‌گیری کلیدی برای مسئله است زیرا یک انتخاب نامناسب هتل در کیفیت نهایی جواب تاثیر دارد. ونستین و جن و همکارانش با روش جستجو ممنوعه هتل را انتخاب می‌کند. در جدول؟؟ نتایج به صورت زیر است:

جدول ۳-۱: نتایج محاسباتی برای نمونه معیارها در SET 1.

Instance	n	Trips	Length	Time(s)
$c101$	100	9	9595,6	24,1
$r101^*$	100	8	1704,6	24,0
$rc101$	100	8	1674,1	29,5
$c201$	100	3	9560,0	16,2
$r201$	100	2	1643,4	11,6
$rc201$	100	2	1642,7	12,4
$pr01$	48	2	1412,2	2,8
$pr02$	96	3	2543,3	18,1
$pr03$	144	4	3415,1	48,4
$pr04$	192	5	4217,4	165,8
$pr05^*$	240	5	4658,7	331,8
$pr06$	288	7	5963,1	327,7
$pr07$	72	3	2070,3	13,1
$pr08$	144	4	3372,0	64,9
$pr09$	216	5	4420,3	228,0
$pr10$	288	7	5940,5	409,0



شکل ۳-۳: روش ساخت C_1 جستجو ممنوعه



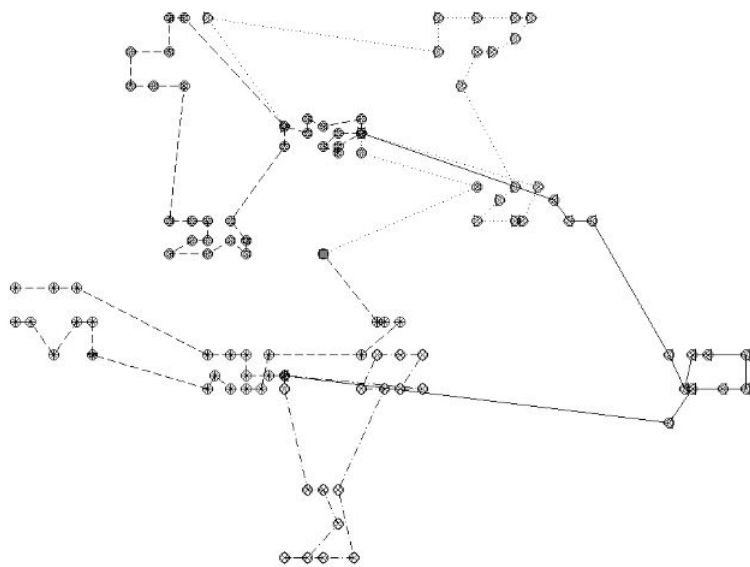
شکل ۴-۳: $MA + TS$

۴-۳ نتایج

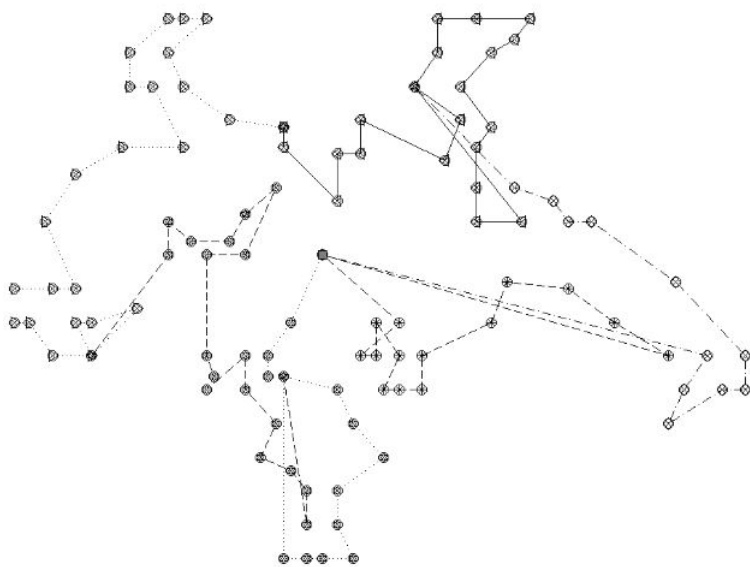
مسئله فروشنده دوره گرد با انتخاب هتل با چندین روش حل شده است اما سیر کاری ما به شرح زیر است: ابتدا یک جواب اولیه به روش ساخت CI با الگوریتم ژنتیک پیدا کردیم به این صورت که فقط شهر اول را به عنوان هتل در نظر می‌گیریم و از همه شهرها دقیقاً یکبار عبور کرده و به هتل باز می‌گردیم این مسیر کوتاهترین مسیر است و در نهایت این جواب اولیه را به بهترین جواب رساندیم، جواب‌های به دست آمده در جدول زیر و اجرای هر کدام از نمونه‌ها در شکل‌های ؟؟ ، ؟؟ ، ؟؟ و ؟؟ آمده است:

جدول ۳-۲: نتایج ما از اجرا برنامه برای نمونه معیارها در SET 1

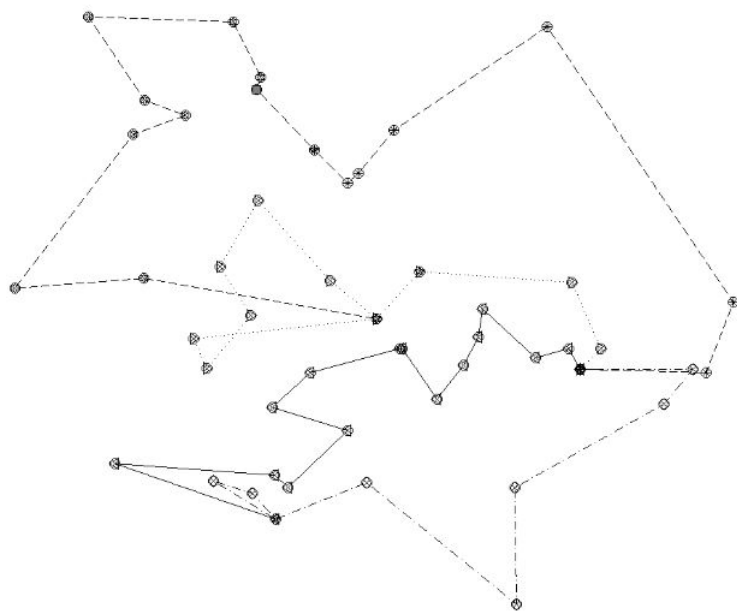
Instance	n	Trips	Length	Time(s)
<i>c101</i>	۱۰۰	۶	۷۴۶/۴	۸/۳
<i>r101</i>	۱۰۰	۵	۸۱۰/۹	۹/۸
<i>rc101</i>	۱۰۰	۵	۸۱۶/۸	۸/۱
<i>c201</i>	۱۰۰	۶	۸۲۲/۷	۹/۴
<i>r201</i>	۱۰۰	۵	۸۱۰/۹	۸/۹
<i>rc201</i>	۱۰۰	۶	۹۴۴/۶	۹/۲
<i>pr01</i>	۴۸	۵	۱۱۱۲/۷	۳/۰
<i>pr02</i>	۹۶	۶	۱۷۷۲/۵	۸/۰
<i>pr03</i>	۱۴۴	۶	۲۵۸۳/۲	۹/۷
<i>pr04</i>	۱۹۲	۵	۲۷۳۲۳/۱	۱۰/۴
<i>pr05</i>	۲۴۰	۵	۳۲۵۴/۷	۱۰/۹
<i>pr06</i>	۲۸۸	۵	۴۲۳۰/۳	۱۲/۱
<i>pr07</i>	۷۲	۶	۱۵۵۹/۸	۴/۷
<i>pr08</i>	۱۴۴	۶	۲۲۵۵/۶	۹/۷
<i>pr09</i>	۲۱۶	۵	۲۹۶۱/۱	۱۰/۹
<i>pr10</i>	۲۸۸	۵	۴۶۱۸/۷	۱۱/۹



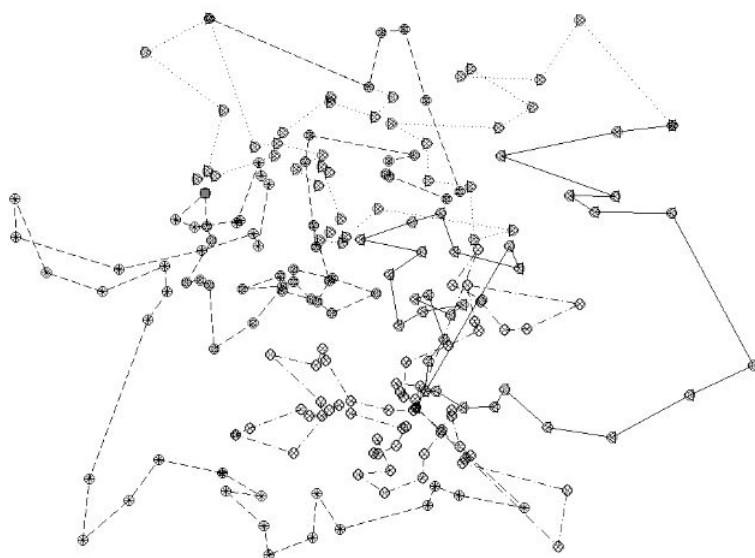
شکل ۳-۵: اجرا برای داده‌های ۱۰۱c



شکل ۳-۶: اجرا برای داده‌های ۲۰۱c



شکل ۳-۷: اجرا برای داده های $pr_{0.1}$



شکل ۳-۸: اجرا برای داده های $pr_{0.4}$

فهرست منابع

- [1] Vansteenwegen, Pieter, Souffriau, Wouter, and Sörensen, Kenneth. The travelling salesperson problem with hotel selection. *Journal of the Operational Research Society*, 63(2):207–217, 2012.
- [2] Biggs, Norman, Lloyd, E Keith, and Wilson, Robin J. *Graph Theory, 1736-1936*. Oxford University Press, 1976.
- [3] Al Zoubi, Reem and Salam, Asiya Abdus. Travelling salesman problem using dynamic approach. *International Journal of Computer Applications*, 94(16):20–23, 2014.
- [4] Yan, Xuesong, Zhang, Can, Luo, Wenjing, Li, Wei, Chen, Wei, and Liu, Hanmin. Solve traveling salesman problem using particle swarm optimization algorithm. *International Journal of Computer Science*, 9(2012):264–271, 2012.
- [5] Dorigo, Marco and Gambardella, Luca Maria. Ant colonies for the travelling salesman problem. *biosystems*, 43(2):73–81, 1997.
- [6] Castro, Marco, Sörensen, Kenneth, Vansteenwegen, Pieter, and Goos, Peter. A memetic algorithm for the travelling salesperson problem with hotel selection. *Computers & Operations Research*, 40(7):1716–1728, 2013.
- [7] Castro, Marco, Sörensen, Kenneth, Vansteenwegen, Pieter, and Goos, Peter. A fast meta-heuristic for the travelling salesperson problem with hotel selection. *4OR*, 13(1):15–34, 2015.
- [8] Baltz, Andreas, El Ouali, Mourad, Jäger, Gerold, Sauerland, Volkmar, and Srivastav, Anand. Exact and heuristic algorithms for the travelling salesman problem with multiple time windows and hotel selection. *Journal of the Operational Research Society*, 66(4):615–626, 2015.
- [9] Karimi, Amirhossein and Bashiri, Mahdi. Amigrating birds algorithm for the travelling salesperson problem with hotel selection (tsphs).

[۱۰] نازنوش اطمینان، الهام پروین نیا، محمد صفری، مهدی مسعودی چله گاهی. مقایسه الگوریتم های فراابتکاری به منظور حل مسئله فروشنده دوره گرد. در چهاردهمین کنفرانس ملی سالانه انجمن کامپیوتر ایران، شیراز، ایران، اسفند ۱۳۹۵. دانشگاه آزاد اسلامی واحد شیراز.

- [۱۱] یقینی، مسعود و اخوان کاظم‌زاده، محمد رحیم. الگوریتم‌های بهینه‌سازی فراابتکاری. انتشارات جهاد دانشگاهی (واحد صنعتی امیرکبیر)، تهران، ویرایش چاپ سوم، ۱۳۹۰.
- [12] Neapolitan, Richard E and Naimipour, Kumarss. *Foundations of algorithms*. Jones & Bartlett Learning, 2010.
- [13] Bykov, Yuri and Petrovic, Sanja. A step counting hill climbing algorithm applied to university examination timetabling. *Journal of Scheduling*, 19(4):479–492, 2016.
- [14] Kirkpatrick, Scott, Gelatt, C Daniel, Vecchi, Mario P, et al. Optimization by simulated annealing. *science*, 220(4598):671–680, 1983.
- [15] Zhan, Shi-hua, Lin, Juan, Zhang, Ze-jun, and Zhong, Yi-wen. List-based simulated annealing algorithm for traveling salesman problem. *Computational intelligence and neuroscience*, 2016:8, 2016.
- [16] Sharapov, RR. Genetic algorithms: basic ideas, variants and analysis. in *Vision systems: segmentation and pattern recognition*. InTech, 2007.
- [17] Yang, Xin-She and Press, Luniver. Nature-inspired metaheuristic algorithms second edition. 2010.
- [18] Yang, Xin-She. *Engineering optimization: an introduction with metaheuristic applications*. John Wiley & Sons, 2010.
- [19] Zhou, Lingyun, Ding, Lixin, Qiang, Xiaoli, and Luo, Yihan. An improved discrete firefly algorithm for the traveling salesman problem. *Journal of Computational and Theoretical Nanoscience*, 12(7):1184–1189, 2015.
- [20] Mohsen, Abdulqader M and Al-Sorori, Wedad. A new hybrid discrete firefly algorithm for solving the traveling salesman problem. in *Applied Computing and Information Technology*, pp. 169–180. Springer, 2017.
- [21] Duman, Ekrem, Uysal, Mitat, and Alkaya, Ali Fuat. Migrating birds optimization: A new metaheuristic approach and its performance on quadratic assignment problem. *Information Sciences*, 217:65–77, 2012.
- [22] Hashim, Zakiah and Ismail, Wan Rosmanira. Applications of travelling salesman problem in optimizing tourist destinations visit in langkawi. in *Regional Conference on Science, Technology and Social Sciences (RCSTSS 2014)*, pp. 265–273. Springer, 2016.
- [23] Kim, Byung-In, Kim, Seongbae, and Sahoo, Surya. Waste collection vehicle routing problem with time windows. *Computers & Operations Research*, 33(12):3624–3642, 2006.
- [24] Friend, John. The strategic choice approach. *Wiley Encyclopedia of Operations Research and Management Science*, 2011.

- [25] Glover, Fred. Tabu search—part i. *ORSA Journal on computing*, 1(3):190–206, 1989.
- [26] Glover, Fred. Tabu search—part ii. *ORSA Journal on computing*, 2(1):4–32, 1990.
- [27] Lin, Shen. Computer solutions of the traveling salesman problem. *The Bell system technical journal*, 44(10):2245–2269, 1965.

پیوست آ

درج کد

برنامه *MATLAB* برای حل مسئله فروشنده دوره گرد (ایجاد یک *m* تور *TSPHS*)

```
function pop = create_TSPHS(NVARS,FitnessFcn,options)      1
%CREATE_PERMUTATIONS Creates a population of permutations.  2
% POP = CREATE_PERMUTATION(NVARS,FITNESSFCN,OPTIONS) creates a  3
% population
% of permutations POP each with a length of NVARS.        4
%                                                            5
% The arguments to the function are                        6
%   NVARS: Number of variables                            7
%   FITNESSFCN: Fitness function                          8
%   OPTIONS: Options structure used by the GA             9
%                                                         10
% Copyright 2004-2007 The MathWorks, Inc.                 11
%                                                         12
totalPopulationSize = sum(options.PopulationSize);        13
n = NVARS;                                                14
%                                                         15
pop = cell(totalPopulationSize,1);                        16
for i = 1:totalPopulationSize                             17
    pop{i} = randperm(nH);                                18
end                                                        19
```

برنامه *MATLAB* برای حل مسئله فروشنده دوره گرد (تابع مسافت)

```
function distances=dist(locations,cities)                 1
%                                                         2
distances = zeros(cities);                               3
for count1=1:cities                                     4
    for count2=1:count1                                  5
        x1 = locations(count1,1);                       6
        y1 = locations(count1,2);                       7
```

x2 = locations(count2,1);	8
y2 = locations(count2,2);	9
distances(count1,count2)=sqrt((x1-x2)^2+(y1-y2)^2);	10
distances(count2,count1)=distances(count1,count2);	11
end	12
end	13
	14
end	15

برنامه *MATLAB* برای حل مسئله فروشنده دوره گرد (خواندن مسئله)

function distances=dist(locations,cities)	1
% Read TSHS	2
%% M.Amintoosi, HSU, 2017	3
% Usage: [DH,DC,t] = read_TSHS_problem('c101')	4
function [DH,DC,t] = read_TSHS_problem(problem)	5
% clc	6
% problem='c101';	7
fp=fopen([problem '.tsphs']);	8
nH = fscanf(fp,'%d',1);	9
nC = fscanf(fp,'%d',1);	10
t = fscanf(fp,'%f',1);	11
	12
DH=zeros(nH,2); % Flow Matrix: the amount of flow between each	13
pair of nodes	
DC=zeros(nC,3); % Cost Matrix: the transportation cost per unit	14
of flow between nodes	
	15
% Reading nodes' informations	16
for k=1:nH	17
i = fscanf(fp,'%d',1);	18
DH(k,1) = fscanf(fp,'%f',1);	19
DH(k,2) = fscanf(fp,'%f',1);	20
end	21
for k=1:nC	22
i = fscanf(fp,'%d',1);	23
DC(k,1) = fscanf(fp,'%f',1);	24
DC(k,2) = fscanf(fp,'%f',1);	25
DC(k,3) = fscanf(fp,'%f',1);	26
end	27
fclose('all');	28

برنامه *MATLAB* برای حل مسئله فروشنده دوره گرد (برای رسم)

function distances=dist(locations,cities)	1
function state = traveling_salesman_plot2(options,state,flag,	2
locations)	
%global locations	3
global idxH	4

[unused,i] = min(state.Score);	5
tour= state.Population{i};	6
%global idxC	7
tour(end+1) = tour(1); % For displayin with plot	8
% plot(locations(idxH,1),locations(idxH,2),'r*');	9
plot(locations(1,1),locations(1,2),'r*');	10
hold on	11
plot(locations(tour,1),locations(tour,2),'bo-');	12
hold off	13

برنامه *MATLAB* برای حل مسئله فروشنده دوره گرد (حل مسئله کوچک)

function distances=dist(locations,cities)	1
function state = traveling_salesman_plot2(options,state,flag, locations)	2
function [x,fval]=tsphs0(distances,cities)	3
% type create_TSPHS.m	4
	5
% type crossover_permutation.m	6
	7
% type mutate_permutation.m	8
	9
% type traveling_salesman_fitness.m	10
	11
FitnessFcn = @(x) traveling_salesman_fitness(x,distances);	12
	13
% type traveling_salesman_plot.m	14
	15
% my_plot = @(options,state,flag) traveling_salesman_plot2(options, ...	16
% state,flag,locations);	17
	18
options = gaoptimset('PopulationType', 'custom');%,'PopInitRange'	19
',[1;cities]);	20
	21
% options = gaoptimset(options,'CreationFcn',@create_permutations, ...	22
% 'CrossoverFcn',@crossover_permutation, ...%	23
@crossover_order1,	24
% 'MutationFcn',@mutate_permutation, ...	25
% 'PlotFcn', my_plot, ...	26
% 'Generations',500,'PopulationSize',60, ...	27
% 'StallGenLimit',200,'Vectorized','on');	28
options = gaoptimset(options,'CreationFcn',@create_permutations	29
...	30
'CrossoverFcn',@crossover_permutation, ...%@crossover_order1	
,	
'MutationFcn',@mutate_permutation, ...	
'Generations',2500,'PopulationSize',60, ...	

```

    'StallGenLimit',200,'Vectorized','on');
numberOfVariables = cities;
% x = ga(fitnessfcn,nvars,A,b,Aeq,beq,LB,UB,nonlcon,options)
[x,fval] = ga(FitnessFcn,numberOfVariables,options);
end

```

برنامه *MATLAB* برای حل مسئله فروشنده دوره گرد (اصلی)

```

function distances=dist(locations,cities)
function state = traveling_salesman_plot2(options,state,flag,
    locations)
function [x,fval]=tsphs0(distances,cities)
clc
clear
problem='c101';
[DH,DC,t] = read_TSHS_problem(problem);
tic
% locations = [DH;DC(1:7,1:2)];
locations = [DH;DC(:,1:2)];
nH = size(DH,1);
nC = size(DC,1);
idxH = 1:nH;
idxC = nH+1:nH+nC;
cities = size(locations,1);
distances=dist(locations,cities);

%%
G = sparse(distances);
km = graphallshortestpaths(G);
kfbhm = km(1:nH,nH+1:end)
max(kfbhm(:))
%%
loc=locations([1 nH+1:nH+nC],:);
cit=cities-nH+1;
dis=dist(loc,cit);
[xx,fval]=tsphs0(dis,cit);

a=xx{1};
indH1=find(a==1);
y=[a(indH1:end) a(1:indH1-1)];
x=y;
x(end+1) = x(1);
x(2:end-1)=x(2:end-1)+nH-1;
% (x)

clf
hold on
plot(locations(x,1),locations(x,2),'bo');

```



```

plot(locations(1:nH,1),locations(1:nH,2),'kp');      40
pause(1);                                           41
hold off                                           42
                                                    43
num=length(x);                                     44
S=0;                                               45
for i=1:num-1                                       46
    S=S+distances(x(i),x(i+1));                   47
end                                                 48
Maxdis=ceil(S/4);                                  49
X=cell(1,1);                                       50
k=1;                                              51
i=1;                                              52
I=0;                                              53
ext=0;                                            54
dx=zeros(1,1);                                    55
j0=0;                                            56
S=zeros(1,1);                                     57
while(i<=num)                                       58
    s=ext;                                         59
    j=j0;                                         60
    while(s<Maxdis)                                61
        ext=0;                                    62
        if(i==num)                                63
            break;                                64
        end                                        65
        dx(i)=distances(x(i),x(i+1));            66
        if(s+dx(i)<Maxdis)                        67
            s=s+dx(i);                            68
            j=j+1;                                69
            X{k}(j)=x(i);                         70
            i=i+1;                                71
        else                                       72
            i=i-1;                                73
            if(sum(x(i)==(1:nH))~=0)              74
                break;                            75
            end                                    76
            [ext,ind]=min(distances(X{k}(j),1:nH)); 77
            while(s+ext>Maxdis)                    78
                s=s-dx(i);                        79
                i=i-1;                            80
                if(j==1)%(i==I)                  81
                    error('Distance more than Maxdis!Please
                    increase Maxdis.');
```

```

                X{k}(j+1)=ind;      88
                s=s+ext;           89
                i=i+1;             90
                break;             91
            end                    92
        end                        93
    if (i==num)                    94
        break;                     95
    end                             96
    if numel(X{k})==2              97
        error('Giiiiir darim')    98
    end                             99
                                    100
    S(k)=s;                        101
    I=i;                           102
    k=k+1;                         103
    j0=1;                          104
    X{k}(j0)=ind;                  105
    ext=distances(X{k}(j0),x(i));  106
end                                  107
S(k)=s;                            108
X{k}(end+1)=x(end);                109
                                    110
fprintf('\nMaxdis=%g\n\n',Maxdis);  111
for kk=1:k                          112
    for ii=1:length(X{kk})          113
        fprintf('%g -> ',X{kk}(ii)) 114
    end                             115
    fprintf('\nLentour(%g)=%g\n\n',kk,S(kk)); 116
end                                  117
fprintf('\n\ntotalLen=%g\n',sum(S)); 118
toc                                  119
                                    120
ch{1}='--k+';                       121
ch{2}='-.kd';                       122
ch{3}='-k<';                        123
ch{4}=':k>';                        124
ch{5}='--kh';                      125
ch{6}=':kh';                        126
nx=0;                               127
hold on                              128
plot(locations(x,1),locations(x,2),'wo'); 129
for i=1:k                            130
    plot(locations(X{i},1),locations(X{i},2),ch{i}); 131
    for j=1:length(X{i})             132
        nx=nx+1;                    133
        text(locations(X{i}(j),1),locations(X{i}(j),2)+1,num2str(134
            (X{i}(j))));
    pause(0.2);                      135

```

```
    end 136
    pause(0.5); 137
end 138
plot(locations(x(1),1),locations(x(1),2),'wp'); 139
plot(locations(x(1),1),locations(x(1),2),'ks','MarkerFaceColor' 140
    ,[0.5,0.5,0.5]);
hold off 141
%% 142
axis off 143
print(gcf,'-dpng','Tour1.png') 144
```

واژه‌نامه فارسی به انگلیسی

Dynamic programming algorithm	الگوریتم برنامه‌نویسی پویا
Particle optimization algorithm	الگوریتم بهینه‌سازی ذرات
Hill climbing algorithm	الگوریتم تپه‌نوردی
Genetic algorithm	الگوریتم ژنتیک
Branch and bound algorithm	الگوریتم شاخه‌وکران
Simulated Annealing algorithm	الگوریتم شبیه‌سازی تبریدی
Memetic algorithm	الگوریتم ممتیک
Optimization	بهینه‌سازی
Computational complexity	پیچیدگی محاسباتی
Crossover	تقاطع
Mutation	جهش
initial Population	جمعیت اولیه
Tabu search	جستجو ممنوعه
Local search	جستجو محلی
Travelling salesperson	فروشنده‌دوره‌گرد
Metaheuristic	فراابتکاری
Routing	مسیریابی
Stopping criterion	معیار توقف

واژه‌نامه انگلیسی به فارسی

Dynamic programming algorithm	الگوریتم برنامه‌نویسی پویا
Particle optimization algorithm	الگوریتم بهینه‌سازی ذرات
Hill climbing algorithm	الگوریتم تپه‌نوردی
Genetic algorithm	الگوریتم ژنتیک
Branch and bound algorithm	الگوریتم شاخه‌وکران
Simulated Annealing algorithm	الگوریتم شبیه‌سازی تبریدی
Memetic algorithm	الگوریتم ممتیک
Optimization	بهینه‌سازی
Computational complexity	پیچیدگی محاسباتی
Crossover	تقاطع
Mutation	جهش
initial Population	جمعیت اولیه
Tabu search	جستجو ممنوعه
Local search	جستجو محلی
Travelling salesperson	فروشنده‌دوره‌گرد
Metaheuristic	فراابتکاری
Routing	مسیریابی
Stopping criterion	معیار توقف

Hakim Sabzevari University

An Outline of MSc. Thesis



Surname:Keyghobadi

Name:Fateme

Student No.:9423133023

Supervisor: Dr. Mahmood Amintoosi

Advisor: Dr. Mohammadali Partanian

Faculty of Mathematics and Computer Science

Program: Applied Mathematics Field:Operational Research

Title of thesis: Solving the travelling salesman problem with hotel selection using metaheuristic approaches

Keywords:Memetic algorithm, Travelling salesman problem with hotel selection, Local search, Tabu search

Abstract: In this thesis some approaches of travelling salesperson problem with hotel selection (TSPHS) is investigated. TSPHS is a kind of famous Traveling Salesman Problem (TSP). TSP is an optimization problem that aims to find the best possible route to visit all cities and return to the starting point with minimum traveling cost. TSPHS is a TSP with an extra constraint, which is about the time of travel per day. The motivation for this problem is that a salesperson often cannot visit all customers in a single day, due to the fact that he/she can only work for a limited number of hours per day. This implies that the salesperson needs to select a hotel each night, on top of determining the optimal sequence in which to visit all customers. Every day should start and end in one of the available hotels and, if a given day ends in a certain hotel, the next day should start in the same hotel. The primary goal of this problem is to minimize the required number of days, while the secondary goal is to minimize the total travelled length. Although this problem appears to be very similar to the (regular) travelling salesperson problem (TSP), it is inherently more difficult due to the hotel selection requirement. In this thesis some methods for solving TSP and/or TSPHS including dynamic programming, branch and bound, genetic algorithm, memetic algorithm, tabu search and simulated annealing is explained.



Hakim Sabzevari University
Faculty of Mathematics and Computer Science

**A Thesis Submitted in Partial Fulfilment of the Requirement for the
Degree of Master of Science in Applied Mathematics**

Solving the travelling salesman problem with hotel selection using metaheuristic approaches

Supervisor:
Dr. Mahmood Amintoosi

Advisor:
Dr. Mohammadali Partanian

By:
Fateme Keyghobadi

July 2018